U.D.C. 621.384.6

レフレックス・クライストロン に関する二三の考察 橋本一二* 沢田良嘉** 鈴木喜久***

Observations on Reflex Klystron

By Katsuzi Hashimoto Mobara Works, Hitachi, Ltd. Ryoka Sawada and Yoshihisa Suzuki Central Research Laboratory, Hitachi, Ltd.

Abstract

Many researchers have published their reports on the reflex klystron up to the present, but in almost all cases they have failed to give the experimental datum concerned with cavity gap.

The writers found in their experimental study that the electron-transit time of cavity gap has the optimum value, when the electron beam current and the Q value of cavity resonator are held constant.

Then they calculated the electron impedance at the time of electrons flowing into the repeller of the reflex klystron the results of the calculation showed that the electron conductance could be in negative infinity when the high frequency voltage on the gaps became zero. This character might be utilized in practical uses.

The article also includes a part of research which is presently under way concerning an electron oscillating tube similar to the reflex klystron but with cathode and repeller kept in high frequency field.

〔I〕緒 言

レフレックス・クライストロンは周知の如く糎波領域 の発振電源として必要欠くべからざるものであり、その 仂作機構に就いても多くの研究が発表されているので、 これ以上理論的研究は実用上不必要の感がある。然し一 方レフレックス・クライストロンは所謂電子振動管の基 本的なものであつて、多くの電子振動管はレフレックス・ クライストロンの変形とも考えらるので、この仂作機構 に就いて更に細部の点に関し調査解析を行つて置くこと は有意義なことゝ思われる。

この報告では上記の観点に従つて取敢えず次記の三点に就いて調査した。

(A) レフレックス・クライストロンの室洞間隙に関す る実験的及び理論的考察

	*	日立製作所茂原工場
**	***	日立製作所中央研究所

(B) レフレックス・クライストロンに於て陰極から出た電子がリペラー(反射電極)に流入する場合の考察
 (C) 特殊構造の電子振動管に就いて

次にこれらの各項目に就いて順次説明する。

[II] レフレツクス・クライストロン

の空洞間隙に就いて

現在クライストロンの空洞間隙の電子走行時間は出来 るだけ小さい方が良いと考えられる場合と、ある特定の 値例えば高周波振動の同期を T とすると T/4 又は T/2 がよいと考えられる場合とがある。これはいづれも条件 によるものであるが、我々は先づ実験的にこれを確かめ たので次に述べる。

(1) 実 験

室洞間隙を任意に変えて実験することは困難なので空 洞の電位を変えてその間隙内の電子走行時間を変化させ た。只その時通常のクライストロンでは電子流の量も同

---- 29 -----

日立評論

電子管及び電子管応用特集号

別冊第3号



第1図 実験用クライストロンの構造概略 Fig. 1. Model Structure of Experimental Klystron

時に変化してしまうので第1図の如く陰極の前にグリッ ドを挿入して電流が一定になるようにした。第1表はそ の結果を示す。電子流は 100 µ sec, 100 c/s のパルスで 平均値は 1 mA とした。

これによれば明らかに室洞電位に適当な点がありそれ は発振モードによつて異つている。又リペラー空間を電 子が一往復する時間 τ_{ϕ} も (n+3/4)T (n は整数)では なくモードにより変化している。

こゝで $\tau_{\theta}, \tau_{\phi}$ の値は電位分布を直線的と仮定して次式 により算出したものである。

$$\tau_{\theta} = 1.68 \times 10^{-8} \frac{l_1}{1000} \text{ sec},$$

第	1表	空洞電圧を変化させた場合のクライスト ロンの発振
		発振波長 11.2 cm
		(振動周期 T=3.73×10 ⁻¹⁰ sec

2,600 MC 用空洞及び実験球 No. II 使用

Table 1. Oscillation of Klystron when the CavityVoltage is Changed

Oscillating wave length: 11.2 cm

(Oscillating period T= 3.73×10^{-10} sec)

A cavity for 2,600 MC and test tube No. II are used

龙 漏雷庄	空洞間隙	発振する	リペラー空	発振の強
王們电口	の電子走	リペラー	間を一往復	さ検波
(V)	 (τθ)	電 (V)	する電子走 行時間(でか)	電 流 (µA)
100	0.50T	- 50	3.59 <i>T</i>	0.3
150	0.41T	- 8	4.19 <i>T</i> ⊚	0.7
150	0.41T	- 35	3.59 <i>T</i>	3.0
200	0.35T	0	3.84T	0.6
200	0.35T	-28	3.35T (3.6
200	0.35T	- 97	2.56 <i>T</i>	6.5
250	0.31T	- 7	3.32T	2.3
250	0.31T	- 84	2.81 <i>T</i>	8.6
300	0.29 T	- 67	2.70 <i>T</i>	>10
350	0.27T	- 48	$2.54 T$ \odot	>10
400	0.25T $(^{1}/_{4}T)$	- 27	2.54 <i>T</i>	7.3
500	0.22 <i>T</i>	- 2	2.41 <i>T</i>	2.8
500	0.22T	-220	$1.68T$ \odot	>10
600	0.20T	-185	1.68T	0.5
700	0.19 <i>T</i>	なし	66,00,68	
800	0.18T	なし	u shi ele	
900	0.17 T	なし	er sterie i	logat 11
1,000	0.16T	なし		

	al priceso	V Vo	dhela do				
$ au_{\phi}$ =	$=1.68 \times 10^{-1}$	$^{-8} \times 2 \times$	$\langle 2l_2\sqrt{-W}$	$V_0 = V_R$	sec		
l_1 :	空洞間隙	cm	l_2 :	リペラー	-間隙	cm	
V_0 :	空洞電圧	Volt	V_R :	リペラ-	-電圧	Volt	
第1县	長は単なる一	一例でま	5るので、	このよ	うな測	定を更	
こ球及び	ド空洞を変え	えて行い	、第1妻	そで◎印	を附し	たよう	
に最適何	直と思われ	る点だと	トで整理す	ると第	2 表の	ように	
なる。							

第2表 クライストロンの発振点

	モードカ	()	1		2	2		3	4	局族自然
空洞	球 No.	$ au_ heta$	$ au_{oldsymbol{\phi}}$	$ au_{ heta}$	$ au_{\phi}$	$ au_{ heta}$	$ au_{\phi}$	$ au_{ heta}$	$ au_{\phi}$	$ au_ heta$	$ au_{\Phi}$
4,000 MC	I II					0.34T	2.55 <i>T</i>	0.41 <i>T</i>	3.28 <i>T</i>		8 20162
2,600 MC	I II			0.22T	1.68 <i>T</i>	$\begin{array}{c} 0.31T\\ 0.29T \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.54T\\ 2.70T \end{array}$	$\begin{array}{c} 0.37T\\ 0.35T \end{array}$	$\begin{array}{c} 3.25T\\ 3.35T \end{array}$	0.40 <i>T</i>	4.20 <i>T</i>
1,800 MC	I II			0.22 <i>T</i> 0.19 <i>T</i>	1.69 <i>T</i> 1.62 <i>T</i>	0.28T	2.55 <i>T</i>				
800 MC	I II	0.06T 0.04T	0.51 T 0.35 T	0.21 <i>T</i>	1.65 <i>T</i>						
平	均	0.05 T	0.43 <i>T</i>	0.217	1.66T	0.31 <i>T</i>	2.59 <i>T</i>	0.38T	3.31T	0.40 <i>T</i>	4.20 <i>T</i>

Table 2. The Cscillating Points of Klystron

--- 30 -----

レフレックス・クライストロンに関する二三の考察

第2表に於て ての, ての の平均値に就いてまとめて見る と次のようになる。

 $\tau_{\theta} 0.05T 0.21T 0.31T 0.38T 0.4T$

 $\tau_{\phi} 0.43T 1.66T 2.59T 3.31T 4.2T$

 $\tau_{\theta} + \tau_{\phi} = 0.48T = 1.87T = 2.90T = 3.69T = 4.6T$

上の表によつて、ての、てのに最適値があることは偶然でな いことが分る。又 $\tau_{\phi} = (n+3/4)T$ よりもむしろ $\tau_{\theta} + \tau_{\phi}$ =(n+3/4)Tのとき発振が強い。

こいでこのような整理の仕方をした場合、リペラー空 間に於ける電子流のフォーカス、空間電荷及びリペラー にとられる電子等のために誤差が入つてくるがこれらの 値は一応の目安にはなると思う。

(2) 考 察

この問題に対する筆者等の解析の結果を先づ述べて見 る。この場合厳密な計算を行うことは非常に複雑になる ので適当な近似を用いるがこれは必らずしも妥当でな く、仮定又は目的によつては異つた結果にも到着するこ とがあるが、その一部を示していると思う。我々は空間 電荷を省略し、高周波電圧を空洞の直流電圧に比して極 く小さいとし、又電子はニュートンの運動方程式に従う ものとした。又電子の運動は一往復だけとし、発振の可 能性は最初小さい高周波電圧 V1 sin wt が存在していた



間に(空洞間隙の中に)あるように t2 の範囲をとると、 その範囲は t と (t-τ)=t20 の間であるとする。但し

$$\tau = \tau_{\theta}(1 + \Delta) = \frac{l_1}{v_0}(1 + \Delta), \quad \Delta \ll 1$$

これを(4)式に代入すると t2 が逆算されるが、その場 合 ô, 1, a の二乗以上を省略すれば

$$t_{20} = t - \tau_{\theta} - \tau_{\theta} \delta - \frac{a}{2\omega} \cos \omega (t - \tau_{\theta})$$

 $+\frac{a}{2\omega^{2}\tau_{\theta}}\times\{\sin\omega t-\sin\omega(t-\tau_{\theta})\}\ldots(5)$

即ち t20 に第2メッシュに入つた電子は時刻 t に於ては 第1メッシュに到達する。

次に②の空間に於て t2 にリペラー側から第2メッシ ユに入つて行くものはれに第2メッシュからリペラー側 にきたものとする。このときの電子の運動は

時負抵抗が発生するか否かによつて定まるものとする。

(a) 第2図に於て1箇の電子の運動を考えると、voを 第一のメッシュに入る電子の速度、m 及び ーe をそれ ぞれ電子の質量及び電荷とすれば

③ の空間に於ける電子の運動は

$$\begin{split} m\ddot{x} = e \, \frac{V_1 \sin \omega t}{l_1} & \therefore \quad \ddot{x} = \frac{av_0}{2\tau_\theta} \sin \omega t \, \dots (2) \\ \exists \, \mathcal{L} \qquad a = \frac{V_1}{V_0} \ll 1, \quad \tau_\theta = \frac{l_1}{v_0} \end{split}$$

この電子は t=t2 に於て x=h にあり、その速度は x= -v₀(1-δ) であつたとする。 即ち電子がリペラー空間 で反転して第2メッシュに入る時速度変調を受けている ので δ(δ≪1) だけ速度が変化していると考えたもので ある。

(2) 式を積分して

$$\dot{x} = -v_0(1-\delta) - \frac{av_0}{2\omega\tau_\theta}\cos\omega t_2 \quad \dots \quad \dots \quad (3)$$

$$x = l_1 - v_0(1 - \delta)(t - t_2) - \frac{av_0}{2\omega\tau_{\theta}}(t - t_2)\cos\omega t_2$$

$$-\frac{av_0}{2\omega^2\tau_{\theta}}(\sin\omega t - \sin\omega t_2) \dots \dots \dots \dots \dots (4)$$

ここで時刻 t に於て電子の位置が x=0 より 4 迄の

$$m \frac{d^2 x}{dt^2} = -e \frac{V_0 - V_r}{l_2}$$

であるから

但し
$$x = l_1$$
 で
 $\dot{x} = v_0(1 - \delta)$ (7)
又 $B = \frac{e(V_0 - V_R)}{ml_2}$

次に①の空間に於ては なに第2メッシュに達するも .のは to に第1メッシュを出発したものとする。③の空 間と同様にして

$$\ddot{x} = \frac{av_0}{2\tau_{\theta}} \sin \omega t$$

$$\therefore \quad \dot{x} = v_0 (1-\delta) - \frac{av_0}{2\omega\tau_{\theta}} (\cos \omega t - \cos \omega t_1) \dots (8)$$

$$t = t_0 \ \text{に於ては} \quad \dot{x} = v_0 \ \text{であるから}$$

$$\delta = \frac{a}{2\omega\tau_{\theta}} (\cos \omega t_1 - \cos \omega t_0) \dots (9)$$

$$\mathbb{Z} \quad (8) \ \text{式から}$$

$$x = l_1 + v_0 (1-\delta)(t-t_1) + \frac{av_0}{2\omega\tau_{\theta}}(t-t_1) \cos \omega t_1$$

$$- \frac{av_0}{2\omega^2\tau_{\theta}} (\sin \omega t - \sin \omega t_1)$$

$$\mathbb{Z} \quad t_0 - t_1 = -\frac{l_1}{v_0} (1+\Delta'), \quad \Delta' \ll 1$$

とおいて近似計算により

(b) 以上により1箇の電子の運動が記述されたが、ク ライストロンとして必要な電子は時刻tに於て①と③の 空間にある電子である。時刻tに於て③の空間にある電 子は先に述べたように $t_2=t$ より $t_2=t_{20}$ 迄の電子であ る。これを(5),(11) 式により t_0 の値に変換すれば近 似的に次のようになる。

$$t_0 = t - \frac{2v_0}{B} + \frac{av_0}{B\omega\tau_\theta} \left\{ \cos\omega \left(t - \frac{2v_0}{B}\right) \right\}$$

た時刻 t_0 により位置及び速度が決定されて、その速度は (14) 式によつて表現される。第 $1 \times y \to z \times t_{00}$ から t_0 迄の間以外に通過した電子は時刻 t に於てこの空間に存 在しないと考える。即ち $\delta \ll 1$ であつて over bunching は起らない場合とする。

(c) 以上は電子が空洞間隙にリペラー側からもどつ てくるものに就いて計算したのであるが、更にカソード から新らしく入つてくるものに就いても考えなければな らない。

即ち①の空間に於ける電子に就いて③の空間の場合 と同様な計算を行えば次の如くなる。

こゝで t_{01} より t の間に第 $1 \times y \times z$ に入つて来た電 子は時刻 t に於て x = h より x = 0 の間にあり、その入 つて来た時刻 t_0 によつて (16) 式で与えられる速度をも つ。

(d) 以上をまとめて見ると各時刻に第1メッシュに 入つた各電子は時刻tに於て第3図のような状態となる。

又③の空間に於けるこれらの電子の速度を t と t₀ で 表わすため (3), (9), (10), (11) 式より a の 2 乗以上 を省略して計算すれば

即ち (13) 式の t_{00} より (12) 式の t_0 の間に第1メッ シュに入つた電子は時刻 t に於て x=0 より x=h の間 に (室洞間隙に) あつて、それぞれ第1メッシュに入つ 第3図に於て①と③の室間に於けるすべての電子によって空洞に誘導される電流 *I_i* は次式により計算される。

$$\begin{split} I_{i} &= \int_{t_{01}}^{t} \frac{\dot{x}(0)}{l_{1}} I_{0} dt_{0} + \int_{t_{00}}^{t_{0}} \frac{\dot{x}(0)}{l_{1}} I_{0} dt_{0} \\ a & \mathcal{O} \Box \mathfrak{F} \mathfrak{U} \mathfrak{L} \mathscr{E} \mathscr{E} \mathfrak{I} \mathfrak{K} \mathfrak{U} \subset \mathfrak{L} \mathfrak{U} \mathfrak{R} \mathfrak{I} \mathfrak{P} \mathscr{E} \mathcal{T} \mathcal{O} \mathcal{C} \\ \mathcal{U}_{i} &= I_{0} \Big\{ \frac{2a}{2\omega^{2} \tau_{\theta}^{2}} (1 - \cos \omega \tau_{\theta}) \sin \omega t - \frac{a}{2\omega \tau_{\theta}} \sin \omega \tau_{\theta} \sin \omega t \\ &+ \Big(\frac{a}{2\omega^{2} \tau_{\theta}^{2}} \sin \omega \tau_{\theta} - \frac{a}{2\omega \tau_{\theta}} \cos \omega \tau_{\theta} - \frac{a}{2\omega \tau_{\theta}} \Big) \cos \omega t \Big\} \\ &+ I_{0} \Big\{ \frac{av_{0}}{B\omega \tau_{\theta}^{2}} \Big\{ 2 \sin \Big(\omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) - \sin \Big(2\omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) \\ &- \cos \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big\} \sin \omega t + \frac{av_{0}}{B\omega \tau_{\theta}^{2}} \Big\{ 2 \cos \Big(\omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) \\ &- \cos \Big(2 \omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) - \cos \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big\} \cos \omega t + \frac{a}{2\omega \tau_{\theta}} \\ &\times \Big\{ 2 \sin \Big(2 \omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} - \sin \omega \tau_{\theta} - 2 \sin \Big(\omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) \Big\} \\ &\times \sin \omega t + \frac{a}{2\omega \tau_{\theta}} \Big\{ 2 \cos \Big(2 \omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) - \cos \omega \tau_{\theta} \\ &- 2 \cos \Big(\omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) - 1 \Big\} \cos \omega t + \frac{2a}{2\omega^{2} \tau_{\theta}^{2}} \Big\{ 1 - \cos \tau_{\theta} \\ &+ \cos \omega \frac{2v_{0}}{B} + \cos \Big(2 \omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) - 2 \cos \Big(\omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) \Big\} \\ &\times \sin \omega t + \frac{2a}{2\omega^{2} \tau_{\theta}^{2}} \Big\{ \sin \omega \tau_{\theta} - \sin \omega \frac{2v_{0}}{B} - \sin \Big(2\omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) \Big\} \\ &\times \sin \omega t + \frac{2a}{2\omega^{2} \tau_{\theta}^{2}} \Big\{ \sin \omega \tau_{\theta} - \sin \omega \frac{2v_{0}}{B} - \sin \Big(2\omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) \Big\} \\ &\times \sin (\omega \tau_{\theta} + \omega \frac{2v_{0}}{B} \Big) \Big\} \cos \omega t \Big\} \end{split}$$

— 32 **—**

 $\theta = \omega \tau_{\theta}, \quad \phi = \omega \frac{2v_0}{R}, \quad \beta = \sin\left(\frac{\theta}{2}\right) / \frac{\theta}{2}$ 但し

こムでコンダクタンス分が大きく負になれば発振する わけである。 $\langle 1/R = I_0 V_0 f(\theta, \phi) \rangle$ と於て $f(\theta, \phi)$ を図 示すれば第4図の如くなる。同様にサスセプタンス分も 計算出来るがこゝでは省略する。

第4図により負の大きい値になるのは θ→0 のときで あつて一般にいわれている如く空洞間隙は小さい方がよ いということが確認出来る。これは直流のコンダクタン ス Io/Vo が一定の場合に成立し、間隙の電子走行角 θ を



Fig. 4. Electron Impedance (Conductive Component), when the D.C. Conductance is Constant



反射型クライストロンの電子コンダクタン 第5図 ス直流電流 Io が一定の場合

かえるのに h 又は ωを変化させた場合に相当する。又 実験のクライストロンのようにのが相当大きい時にはリ ペラー空間の電子走行角 ø は (n+3/4)T からずれる ことはこの図からも明らかである。

(e) 前記の実験の如く I_0 を一定にして V_0 を変化 させて θ をかえた場合には $j(\theta, \phi)$ の函数のみでコン ダクタンスの大きさを考えることは出来ない。この場合 には(17)式を変形して

 $\frac{1}{R} = \frac{2eI_0}{m\omega^2 l_1^2} \left[4\sin^2\left(\frac{\theta}{2}\right) \left\{ 1 - \cos(\theta + \phi) + \frac{\phi}{2}\sin(\theta + \phi) \right\} \right]$ $-\theta \{\sin\theta + \sin\phi + (1 - 2\cos\theta)\sin(\theta + \phi)\}\Big]$

今〔〕内を $g(\theta, \phi)$ と於て図示すれば第5図の如くな る。これによれば発振の可能性は $\theta \rightarrow 0$ よりもむしろ θ は T/4 又は T/2 の間の値をとつた時である。 即ち空 洞電圧には周波数、電流、空洞間隙が一定のとき最適値 が存在するということで、このことは前の測定によつて 確められている。然しその数値には多少差があるがこれ は近似計算のためと思われる。只この図ではのが特に大 きく $1\frac{1}{4}T$ というような値になつた時も強く発振の可 能性があることを示しているが、実験では発振を認め得 なかつた。これはこのような値にするために間隙を大き くすれば ƒ(θ, φ) のグラフによる事となり発振の可能性 がなく、又空洞電圧 Vo を余り低くすると電流を大きく

Fig. 5. Electron Conductance of Reflex Klystron when the D.C. I_0 is Constant

しない限り出力及び空洞内の高周波電圧の点から発振が 検出出来ないためである。

(f) 次に空洞の並列インピーダンスを考慮した場合 を考える。ここで空洞のコンダクタンスを正確に計算し て適用することは困難なので空洞のQを一定と考え、又 間隙の静電容量によるインピーダンスのQ倍がこの空洞 の平列インピーダンスであるとする。このときの発振可 能の条件は次の如くなる。

$$\frac{\omega C}{Q} > \left| \frac{1}{R} \right|$$

こゝで $C = A/4\pi l_1$, 又 Aは空洞間隙の静電容量を形成し ている面積である。従つて上式は次の如く表わされる。

 $\frac{A}{4\pi Q} < \left|\frac{1}{R} \cdot \frac{l_1}{\omega}\right| = |S|$

こゝで A/4πQ は仮定により一定であるから S の値 (電子流のコンダクタンスに相当する)が負に大きくなつ た時発振の可能性がある。(17) 式により

日 立 評論 電子管及び電子管応用特集号 別冊第3号



今(19)式の[]を $S(\theta, \phi)$ とおいて図示すれば第6図 の如くなる。Lafferty⁽¹⁾ も Qを一定とし空間①に於け る密度変調を無視して次の式を導いている。(λ は波長)

$$\frac{1}{R} = -1.98 \times 10^{-17} \frac{I_0}{(l_1/\lambda)^2} \phi \sin^2\left(\frac{\theta}{2}\right) \sin\left(\theta + \phi\right)$$
.....(20)

次に我々の研究結果と Lafferty の式 (20) によるものとを比較すると第3表のようになる。

第3表から判ることは n=0 の時の θ+φ は我々の計

[III] レフレツクス・クライストロンに於 て陰極から出た電子がリペラーに流 入する場合の考察

レフレックス・クライストロンのリペラー電位を 0V 附近又は正電位にしてもよく発振することは周知である が、この場合の解析としては岡部教授の発表⁽³⁾したもの がある。然しこの方法では空洞間隙の電子走行時間を考 えていないこと及び電子コンダクタンスが求められない 不便がある。我々は前記の方法と異なる方法で基本波に 対する電子インピーダンス、出力及び能率を求めたので 以下に述べる。

(1)解析

第1図のレフレックス・クライストロンに於て、陰極の電位を O,空洞の直流電位を V_0 ,又反射電極の電位は計算を簡単にするために OVとする。又空洞共振器の間隙 G_1, G_2 の間には微小の高周波電圧 $V_1 \sin(\omega t + \theta/2)$ があるものとする。然るときは G_2 と反射電極間の電子の運動の式から(6)式を求めたと同様に次の式が得られる。

$$x = v(t-t_1) - \frac{eE}{2m}(t-t_1)^2 \quad \dots \quad (\text{II} \cdot 1)$$

但し x: 時刻 t の電子の置位

算も亦 Lafferty の計算も共に実測値と異なるが n=1以上では何れも大体よく実測値と一致していることであ る。又 n=1 以上の場合 θ 及び ϕ のそれぞれの値は我 々の計算値の方が実測値に近い。何れにしても小信号理 論であること及び誘導率⁽²⁾等を無視してあるので確定的 なことはいえぬが、第3表又は第6図により各モードに 対する最良の θ 及び ϕ の値の目安をつけることが出来 ると思う。

t1: 電子が格子 G2 を出るときの時刻

- $E: G_2$ と反射電極間の電場 $E=V_0/l_2$
 - v: G₂を出る電子の速度

今電子が G_2 を出て反射電極側に行き反転して再び G_2 にもどる迄の時間を求めるために (II・1) 式で x=0 と おくと、このとき $t-t_1=\tau$ とおいて

第3表負の電子コンダクタンスが最大になるてのとてのの関係

T	-	1.1	0	2
	A	n		5

3. Relations of τ_{θ} and τ_{ϕ} in which the Negative Electron Conductance Becomes Max.

		n=0	n=1	n=2	n=3	n=4
Lafferty による	τθ	0.39 <i>T</i>	0.46T	0.48T	0.48T	0.49T
	τ_{ϕ}	0.42T	1.30 <i>T</i>	2.28T	3.27 T	4.26T
	$\tau_{\theta} + \tau_{\phi}$	0.81 <i>T</i>	1.76 <i>T</i>	2.76 <i>T</i>	3.75T	4.75 <i>T</i>
筆者等の計算	τθ	0.10 <i>T</i>	0.27T	0.30 <i>T</i>	0.38T	0.40 <i>T</i>
	τ_{ϕ}	0.70 <i>T</i>	1.55 T	2.50 <i>T</i>	3.40 <i>T</i>	0.42T
弗・凶による	$\tau_{\theta} + \tau_{\phi}$	0.80 <i>T</i>	1.82 T	2.80 <i>T</i>	3.78 <i>T</i>	0.46 <i>T</i>
実 測 値 第3表による	τθ	0.05 <i>T</i>	0.21 <i>T</i>	0.31 <i>T</i>	0.38 <i>T</i>	0.40T
	τ_{ϕ}	0.43T	1.66 <i>T</i>	2.59 <i>T</i>	3.31 <i>T</i>	4.20 <i>T</i>
	$\tau_{\theta} + \tau_{\phi}$	0.48 <i>T</i>	1.87 <i>T</i>	2.90 <i>T</i>	3.69 <i>T</i>	4.60 <i>T</i>

_____ 34 _____

格子 G₂ を出るときの電子の速度 v は普通次の如く表わされる。

 $v = v_0(1 + \gamma \sin \omega t_1)$ (II・3) 但し v_0 : 電子が G_1 に入るときの速度

$$r = \frac{1}{2}\beta a$$
, $\left(\beta = \frac{\sin\theta/2}{\theta/2}, a = \frac{V_1}{V_0}\right)$

従つて(II・2)式を角度で表わすと

 $\omega \tau = \phi(1 + \gamma \sin \omega t)$ (II・4) 但し ϕ は $\eta \sim \neg - 空間 @ \delta = T$ が一往復 $\tau = \delta = \delta$

今間隙 L が余り大きくないとすると、 G_1 に入る電子 流が I_0 ならば G_2 を出る電子流も近似的に I_0 である。 電子が G_2 を出るときの時刻を t_1 , $x = x_1$ の位置を通る ときの時刻を t とすれば G_2 を $t_1 + dt_1$ に出た電子はこ の面を t + dt に通る。一方 t_1 と $t_1 + dt_1$ の間に G_2 を 出る電荷は $I_0 dt_1$ となり、これは dt 時間内に $x = x_1$ の 面を通る電荷 $I_0 dt$ に等しい。従つて

 $I_0 dt_1 = I_b dt$ 又は

今 x1=0 とすると、これは G2 を出た電子が②空間を一 往復したことを示す。このとき普通の動作では電子流に 集束現像により高周波成分があらわれ、その成分の基本 (11) 式は反射電極側から G_2 にもどる電子による電流は G_2 を出るときの速度変調より $\phi + \pi/2$ だけ位相が遅れ ていることを示す⁽⁴⁾。(II・11) 式の電子流が間隙を通る ときの Induced current I_i はこの I_b の振幅に間隙係 数 β をかけ、位相を $\theta/2$ だけ遅くらしたものであるから

 $I_{i} = I_{0}\beta_{V} \frac{4}{\pi^{2}} \{J_{0}(\phi\gamma)\}^{2} \cos^{2}\phi + \{J(\phi\gamma)\}^{2} \sin^{2}\phi$

 $\times \sin(\omega t - \phi - \theta/2 - \pi/2) \dots (II \cdot 12)$

然るにこれは速度変調を規準にとつてあるので、高周波 電圧 $V_1 \sin(\omega t + \theta/2)$ と比較すると $\theta + \phi + \pi/2$ だけ位 相が遅くれている。従つて I_i を Active component I_R と Reactive component I_X に分けると

$$\begin{split} I_{R} &= -I_{0}\beta_{V} \sqrt{4/\pi^{2} \{J_{0}(\phi\gamma)\}^{2} \cos^{2} \phi + \{J_{1}(\phi\gamma)\}^{2} \sin^{2} \phi} \\ &\times \sin(\theta + \phi) \\ I_{X} &= -I_{0}\beta_{V} \sqrt{4/\pi^{2} \{J_{0}(\phi\gamma)\}^{2} \cos^{2} \phi + \{J_{1}(\phi\gamma)\}^{2} \sin^{2} \phi} \\ &\times \cos(\theta + \phi) \end{split}$$

(II・12) 式で示めされる I_i は空洞共振器に induce する電流であるから、空洞から見た電子流は admitance $Y_e = -I_i/V_1$ をもつた発電機と等価になり

$$Y_e = rac{1}{R_e} + rac{1}{jX_e} = -rac{I_R}{V_1} - jrac{I_X}{V_2}$$

とかける。 今の場 susceptance 分は周波数変調等に必要であるがこれ以上の吟味はやめて conductance 分 ge

波は (II・5) 式を Fourier Series で表わした場合の基本 波に相当する。従つて

 $I_b = I_{rb} \sin \omega t + I_{xb} \cos \omega t \dots (II \cdot 6)$ の形で表わされる。但し

$$I_{rb} = \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} I_0 \left(\frac{dt_1}{dt}\right) \sin \omega t \, d\omega t$$
$$I_{xb} = \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} I_0 \left(\frac{dt_1}{dt}\right) \cos \omega t \, d\omega t$$

今の場合は反射電極の電位を OV としたので、 G_2 を出た電子のうち間隙内で加速されたものは全部反射電極に流れ込み、減速されたものは全部戻つて来るので、積分の範囲は $1 \sim$ の半分でよい。従つて上式は t を消去して次の如くなる。

$$I_{rb} = \frac{I_0}{\pi} \int_{\pi}^{2\pi} \sin\{\omega t_1 + \phi(1 + \gamma \sin \omega t_1)\} d\omega t_1 \dots (\text{II} \cdot 7)$$
$$I_{xb} = \frac{I_0}{\pi} \int_{\pi}^{2\pi} \cos\{\omega t_1 + \phi(1 + \gamma \sin \omega t_1)\} d\omega t_1 \dots (\text{II} \cdot 8)$$

積分の結果は

 $I_{xb} = -I_0 J_1(\phi_T) \sin \phi$ (II・10) 但し J_0 及び J_1 はそれぞれ第一種の零次及び一次の Bessel 函数である。電子流の基本波成分の振幅はこの2 つの電流の Vector sum であるから

$$I_{b} = I_{0v} / 4/\pi^{2} \{ J_{0}(\phi \gamma) \}^{2} \cos^{2} \phi + \{ J_{1}(\phi \gamma) \}^{2} \sin^{2} \phi \\ \times \sin(\omega t - \phi - \pi/2) \dots (II \cdot 11)$$

安 じめるかこれ以上の吟味はやめ C Conductance 分 ge にのみ着目すると

$$g_{e} = \frac{1}{R_{e}} \frac{I_{0}}{2V_{0}} \frac{\beta^{2}}{\gamma} \sqrt{\frac{4/\pi^{2} \{J_{0}(\phi\gamma)\}^{2} \cos^{2}\phi}{+\{J_{1}(\phi\gamma)\}^{2} \sin^{2}\phi}} \times \sin(\theta + \phi) \dots (II \cdot 13)$$

辰している状態では容洞の並列抵抗 R は R_e に等1

発振している状態では空洞の並列抵抗 R は R_e に等しいので、発振電力を P とすると

$$P = \frac{V_1^2}{2R} = \frac{I_R V_1}{2} = \frac{-V_1}{2} I_0 \beta$$

$$\times \sqrt{\frac{4/\pi^2 \{J_0(\phi\gamma)\}^2 \cos^2 \phi}{+\{J_1(\phi\gamma)\}^2 \sin^2 \phi}} \sin(\theta + \phi)$$

$$= -I_0 V_0 \gamma \sqrt{\frac{4/\pi^2 \{J_0(\phi\gamma)\}^2 \cos^2 \phi}{+\{J_1(\phi\gamma)\}^2 \sin^2 \phi}}$$

× $sin(\theta+\phi)$(II・14) 能率を η とすると、これは直流入力 I_0V_0 で P をわる ことにより

(2) 結果に対する検討

(a) 電子コンダクタンスに就いて

反射電極に電子がとられない普通の状態のクライスト ロンの電子コンダクタンスは次の如くなる⁽⁵⁾。

 $g_e = \frac{-I_0\beta^2\phi}{2V_0} \frac{2J_1(\phi r)}{\phi r} \cos(\theta + \phi + \pi/2) \dots (II \cdot 16)$ これは近似度の点に於ては本報告の(II · 13)式に相当するものである。

---- 35 -----

今(18) 式に於て r は非常に小さく、即ち高周波電圧 V_1 を小さくすると $J_1(\phi r) \Rightarrow \phi r/2$ となるから

 $g_e = \frac{J_0}{2V_0} \beta^2 \phi \sin(\theta + \phi) \quad \dots \quad \dots \quad \dots \quad (\text{II} \cdot 16)'$

となつて電子コンダクタンスはrに無関係即ち高周波電 E V1 に無関係となり、一定の値になる。

一方 (II・13) 式に於て $r \rightarrow 0$ とすれば $J_0(\phi r) \rightarrow 1$, $J_1(\phi r) \rightarrow 0$ となるので

 $g_e = \frac{I_0}{2V_0} \frac{\beta^2}{\gamma} \frac{2}{\pi} \cos\phi \sin(\theta + \phi) \dots (\text{II} \cdot 13)'$

となり $\gamma \rightarrow 0$ とすれば、 g_e は無限大になり、このことは 高周波回路のインピーダンスが非常に低くても発振の可 能性を示す。即ち特別な場合には高周波回路に無関係に 一定の周波数で発振することになる。

以上のことは常識的には一応不可能のように思われる が、次のように考えるならば容易に理解される。

今の場合反射電極の電位を約 OV としたので、電子 の速度に Maxwell の分布がないとすれば、 G_1 , G_2 間に 高周波電圧がないときは G_2 をを出て反射電極側にとび 込む電子は全部反射電極にとられるか又は全部 G_2 側に もどる。然るに間隙に微小の高周波電圧が発生すると加 速された電子は全部反射電極にとられ、減速された電子 は全部戻つてくることになり、微小の高周波電圧により 不連続的に電子流に有限の高周波成分が出現することに なる。即ち高周波電圧が小さくなると電子コンダクタン スが無限大になることが予想される。



第7図 リペラーに電子が流れる場合((II・15)式) と流れない場合((II・17)式)の能率

Fig. 7. Efficiency of the Cases in which Electrons Flow into Repeller (Eq. (II.15)) and not Flow (Eq. (II.17))

状態の方が能率がよくなることが判る。このことは (II・ 17) 式では η は r が小さいときは r^2 に比例し (II・15) 式では r に比例することから容易に予想される。

[IV] 特殊構造の電子振動管に就いて

又所謂 BK 振動に於ては高周波回路に無関係な周波数 で発振することが知られているが、この発振機構に就い ては今迄明確でなかつたが、上記のことからこの現象を 理解することが出来る。

(b) 能率に就いて

反射電極に電子がとられない場合のクライストロンの 能率は(II・16)式から次の如くなる。

 $\eta = -2\gamma J_1(\phi \gamma) \sin(\phi + \gamma) \dots (II \cdot 17)$ 反射電極に電子がとられる場合の能率は (II · 15) 式で表 わされるが、この式に於て η が正になるには $\sin(\theta + \phi)$ は負であることが必要である。従つて今 $\sin(\theta + \phi)$ が負 の最大になる $\theta + \phi$ の最も小さい値として

$$\theta + \phi = 2\pi \times \frac{3}{4}$$
$$\theta = \frac{1}{4}\pi$$
$$\phi = \frac{5}{4}\pi$$

の場合を例にとり(II・15)式と(II・17)式から求めた 7 を計算すると第7図の如くなる。この図によれば高周 波電E V₁が小さくなると、電子が反射電極にとられる

こゝで電子振動管と称するのは電子がある区間を通過 又は往復運動する際高周波電界の影響を受け速度変調さ れて負の電子コンダクタンスを生じ発振するものをいい 例えばレフレックス・クライストロン、空洞大阪管及び Retarding Field Oscillator⁽⁶⁾ 等である。これら三者の うち前二者は原則として陰極及び反射電極には高周波電 界が作用せず又三番目のものは反射電極のみに高周波電 界が作用しているものである。この報告で特殊電子振動 管と称するのは前記のものと構造は非常に類似している が、高周波電界は陰極にも又反射電極にも作用している ものであり、その概略の構造は第8図のようになつてい る。このような構造の電子振動管は仮りに発振するとす れば、先づ電子の通路にこれをさえぎるグリッドがない こと及び陰極と反射電極をそれぞれ空洞と適当に高周波 的に結合することにより電波の漏洩が少いことなどが考 えられる。又構造も簡単であり反射電極の電位をある程 度正にしても動作するならばこの反射電極を適当の大き さにして電子衝撃による損失にも耐えるように出来る。 次にこのような構造のものが発振の可能性があるかどう か解析してみる。

先づ計算を簡単にするために、反射電極の電位がほど OVのときのみを考える。このときの軸上の電位分布は 中央部が最高で大体の形は第8図(b)のようになるであ ろう。更に直流的電位分布を抛物線的と仮定すると電位 分布の式は次のようになる。

---- 36 -----

レフレックス・クライストロンに関する二三の考察





第8図 特殊電子振動管の構造と電位分布

Fig. 8. Structure and Potential Distribution of a Special Electron Oscillation Tube

又 x=2D なる位置にある電子に着目して、それが $t=t_{00}$ に陰極を出たものとすれば

$$t_{00} = t - \frac{\pi}{\omega_0} + \Delta$$

とかくことが出来る。

このように全空間に存在する各種の速度をもつた電子 により両極に誘導される電流 *I_i* は

$$I_{i} = \int_{t_{00}}^{t} \frac{1}{2D} \frac{dx}{dt} \{I_{0} + I_{1} \cos \omega t_{0}\} dt_{0} \dots \dots (\text{III} \cdot 7)$$

こゝで I_0 は高周電界がないとき陰極から出る一定の電 子流であつて実際にはこのような直流電流が存在するた めにはコレクターはある程度正電位であることが必要で あろう。又 I_1 は高周波電界のために陰極から出る電子 流が高周波の周期に従つてわずか変動するとしたときの 変動電流を表わす。

 $(III \cdot 7)$ 式に於て $t - t_e = \tau$ とすれば

$$I_{i} = \int_{0}^{\frac{\pi}{\omega_{0}} - \Delta} \frac{1}{2D} \{I_{0} + I_{1} \cos \omega (t - \tau)\} L \Big[\omega_{0} \sin \omega_{0} \tau + \frac{a}{4} \frac{\omega_{0}^{2}}{\omega_{0}^{2} - \omega^{2}} \{\omega_{0} \cos \omega (t - \tau) \sin \omega_{0} \tau + \omega \sin \omega (t - \tau) \} \Big]$$

原点を陰極面に移せば

$$E = \frac{2V_0}{D^2} (x - D) \dots (III \cdot 3)$$

次に反射電極(又はコレクター)と陰極間の高周波電位 分布は直線的であるとすると、この空間中の1箇の電子 に対する運動方程式は次のようになる。

$$m\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{2eV_0}{D^2}(x-D) + \frac{eV_1}{2D}\cos\omega t \dots (\text{III}\cdot 4)$$

初期条件として、 $t=t_0$ に於て x=0, x=0 として解を求めると次のようになる。

但し
$$a=\frac{V_1}{V_0}$$
, $\omega_0^2=\frac{2eV_0}{mD^2}$, $\omega\neq\omega_0$

従つて

$$\times \cos \omega_{0} \tau - \omega \sin \omega t \} d\tau \dots (III \cdot 8)$$

$$a \ll 1, I_{1}/I_{0} \ll 1, \cos \omega_{0} d \Rightarrow 0 \geq \bigcup \subset \mathrm{5F}(\mathbb{R}) \ddagger \ddagger \mp 3 \geq U_{1} = \frac{1}{2} \Big[2I_{0} + \frac{\omega_{0}I_{0}}{2} \Big(\frac{1}{\omega_{0} + \omega} + \frac{1}{\omega_{0} - \omega} \Big) \Big(1 + \cos \frac{\omega}{\omega_{0}} \pi \Big) \cos \omega t$$

$$+ \frac{a}{4} \frac{\omega_{0}^{2}}{\omega_{0}^{2} - \omega^{2}} \omega_{0}I_{0} \frac{1}{2} \Big(\frac{1}{\omega_{0} + \omega} + \frac{1}{\omega_{0} - \omega} \Big) \Big(1 + \cos \frac{\omega}{\omega_{0}} \pi \Big)$$

$$\times \cos \omega t + \frac{a}{4} \frac{\omega_{0}^{2}}{\omega_{0}^{2} - \omega^{2}} \omega I_{0} \frac{1}{2} \Big(\frac{1}{\omega_{0} - \omega} - \frac{1}{\omega_{0} + \omega} \Big)$$

$$\times \Big(1 + \cos \frac{\omega}{\omega_{0}} \pi \Big) \cos \omega t - \frac{a}{4} \frac{\omega_{0}^{2}}{\omega_{0}^{2} - \omega^{2}} \frac{\omega}{\omega_{0}} I_{0} \pi \sin \omega t$$

$$+ \sin \omega t \Big\{ \Big(\frac{\omega_{0}I_{1}}{2} + \frac{a}{4} \frac{\omega_{0}^{2}}{\omega_{0}^{2} - \omega^{2}} \omega_{0} I_{0} \Big) \int_{0}^{\frac{\pi}{\omega_{0}} - d} \sin \omega t \sin \omega_{0}$$

$$\times \tau d\tau + \frac{a}{4} \frac{\omega_{0}^{2}}{\omega_{0}^{2} - \omega^{2}} \cdot I_{0} \int_{0}^{\frac{\pi}{\omega_{0}} - d} \cos \omega \tau \cos \omega_{0} \tau d\tau \Big\} \Big]$$

$$\dots \dots (III \cdot 9)$$

この交流分のうち高周波電圧と同相のもの (cos wt のか いつた項)よりコンダクタンスを求めれば

但し
$$I_1 = KV_1$$

- 37 ----

日立評論

電子管及び電子管応用特集号

別冊第3号



第9図 特殊電子振動管の電子コンダクタンス

Fig. 9. Electron Conductance of a Special Electron Oscillation Tube

(III・10) 式の〔〕内の第1項は陰極から出る電子の 密度変化によるものであり、他は速度変化による電子コ ンダクタンスである。これを図示すれば第9図の如くな り、各項共 ω/ω。を適当にすれば負になる範囲があつて 発振の可能性を示している。

現在第9図に近い構造のものを数種試作して実験中で あるが第10図はそのうちの発振特性の一例であつて、こ の場合にはレフレックス・クライストロンに於てリペラ ーに電子が流れ込む場合の発振と類似の特性を示してい





第10図 特殊電子振動管の発振特性 Fig. 10. Oscillation Character of a Special Electron Oscillation Tube

る。

実際の試作管に於ては解析のときの仮定のように電位 分布を抛物線的によることは困難であり又往復振動をな す電子もあるため解析通りでないことが問題であるが、 今後更に研究を進める予定である。

〔V〕結 言

レフレックス・クライストロンに就いては多くの研究 が発表されているが、空洞間隙に関する実験は余り発表 されていなかつた。この報告では空洞間隙に就いて理論 的に又実験的に調査して、レフレックス・クライストロ ンの特性改善又は設計に役立たせることが出来るように なつた。又レフレックス・クライストロンに於て電子が 反射電極に流入する場合の動作に就いては従来研究が少 かつたので更に解析を行い、電子コンダクタンスが非常 に大きくなる場合があることを示した。このことは今迄 も空洞のQの低い場合にはリペラー電圧が負であるより も正電位の方がよく発振することからも予想され、又電 子コンダクタンスが非常に大きくなる性質は今後利用の 道があると思われる。 更にレフレックス・クライストロンに類似した電子振 動管に就いて解析と実験を行つたが、これに就いては今 後尙研究を行う予定である。

終りにこの研究は主として日立製作所茂原工場に於て 行つたものであり又昭和27年度文部省試験研究費を受け たことを附記する。

参考文献

- (1) J.M. Lafferty: I. R. E. Vol. 35, No. 9, p. 913(1947)
- (2) 宇田: 第 24 回電気三学会連合大会講演要旨
 E. 107 (昭 25-4)
- (3) 岡部: 超高周波電子管 (高周波科学論叢) 47(昭 24-5)
- (4) 字田: 超高周波電子管 (高周波科学論叢) 83(昭 24-5)
- (5) 宇田、池内: 電気通信学会誌 Vol. 33, No. 10,p. 532 (昭 25-10)
- (6) J. J. Ebers: I. R. E. Vol. 40, No. 2, p. 138 (1952)

- 38 ---