# 蓄電器起動單相電動機の起動特性

## 友 貞 睦 夫\*

## Starting Characteristics of Condenser Start Single-Phase Induction Motors

By Mutsuo Tomosada Kameido Works, Hitachi, Ltd.

## Abstract

The repulsion starting system is generally adopted in starting single-phase induction motors smaller than 1HP. But this system needs the complicated mechanism including rotor windings, commutators, brushes, short circuiting devices, etc. which are expensive and sometimes cause the trouble.

The application of condenser starting system which is simple and robust in construction has long been planned, but in this country the massiveness and expensiveness of the paper condenser has hampered its practical application. Such a situation in view, we have recently developed electrolytic condensers which are expected to be widely used for their high reliability and moderate price.

In this article, the writer explains the method of obtaining starting characteristics of the condenser start motors with comparative easiness by means of circle diagrams.

## 〔1〕緒 言

現在 1/4 HP 乃至 1 HP 程度の単相 誘導電·動機の起動方式は主として分相起動式と反撥起動式である。その大半は起動特性の良好な反撥起動式であるが、反撥起動方式では回転子巻線、整流子、刷子及び短絡装置等複雑な構造を有しているので高価となり又故障の原因ともなる。

そのため古くより構造簡単で堅牢な蓄電器起動方式が 考えられてきた。しかし紙蓄電器は容積大で高価なため 蓄電器起動電動機は未だ我国では広く実用されるに到ら なかつた。

漸く最近電解蓄電器の信頼性のあるものが得られるようになつてきたので、今後はこの種電動機が漸次各方面に使用されるものと思われる。

本稿は蓄電器起動電動機の起動特性を主とした諸特性が円線図で比較的容易に求められることを述べた。尙蓄電器を運転中にも補助回路に挿入した蓄電器電動機についても同様な考察により特性を求めることができる。

第 1 図 蓄電器起動単相電動機

Fig. 1. Capacitor Start Single
Phase Induction Motor

## 〔Ⅱ〕基 本 式

特性の計算は主及び補助巻線の電流及び正相、逆相の 電流を求めれば後記するように容易に行いうる。 計算にあたり次の仮定が出来るものとする。

<sup>\*</sup> 日立製作所亀戸工場

- (a) 磁界は正弦波分布をなす。即ち固定子巻線は正弦 波形の起磁力を発生し、空隙は一様で鉄心のパーミアン スも一様である。
  - (b) 回路常数は電圧電流に関せず一定である。
- (c) 主巻線と補助巻線の位置は電気的に90°の角度にある。

今後使用する記号を次の如く定める。

 $N_{M}$ ;  $N_{A}$ =主及び補助巻線の巻回数

fu;fa=主及び補助巻線の巻線係数

$$\alpha = \frac{N_A f_A}{N_M f_M} =$$
補助巻線の主巻線に対する有効巻  
回数比

 $Z_{M}=r_{M}+gx_{M}=$ 主巻線のインピーダンス

 $Z_A = r_A + jx_A =$ 補助巻線のインピーダンス

 $r_2$ ;  $x_2$ =回転子の抵抗及び漏洩リアクタンスを主巻 線に換算したもの

 $Z_c = r_c - j x_c =$ 蓄電器のインピーダンス

 $g_0$ ;  $b_0$ =主巻線の励磁コンダクタンス及びサッセフタンス

s=滑り

V=電源電圧

 $V_C$ =蓄電器電圧

I=全電流

 $I_{M}$ ,  $I_{A}$ =主及び補助回路電流

蓄電器起動単相誘導電動機の回路を第2図に示す。 Sw は起動時投入され、運転中開放される開閉器を示す。

補助巻線の有効巻数を主巻線に等しくした等価の電動 機を考えれば第3図で表わされる。

今正相電圧、逆相電圧を $V_1$ 及び $V_2$ とし、正相電流 逆相電流を $I_1$ 及び $I_2$ とすれば

$$V_{1} = \frac{V - j \frac{V}{\alpha}}{2}$$

$$V_{1} = \frac{I_{M} - j \alpha I_{A}}{2}$$

$$V + j \frac{V}{\alpha}$$

$$V_{2} = \frac{V}{2}$$

$$V_{2} = \frac{I_{M} + j \alpha I_{A}}{2}$$

$$V_{3} = \frac{I_{M} + j \alpha I_{A}}{2}$$

$$V_{4} = \frac{I_{M} + j \alpha I_{A}}{2}$$

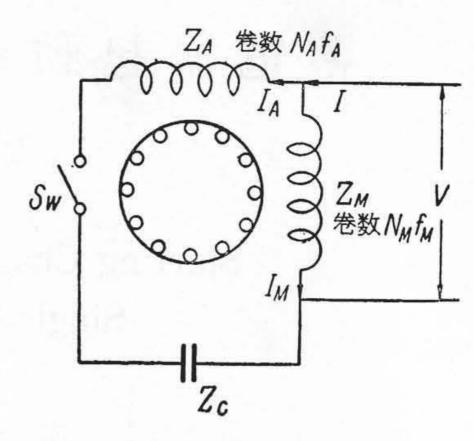
$$\left. \begin{array}{l} I_{M} = I_{1} + I_{2} \\ I_{A} = j \frac{1}{\alpha} (I_{1} - I_{2}) \end{array} \right\} \cdot \cdot (3) \quad I = I_{M} + I_{A} \cdot \cdot \cdot \cdot (4)$$

次に

$$Z_{m1} = \frac{1}{g_0 - jb_0 + \frac{1}{r_2}}$$

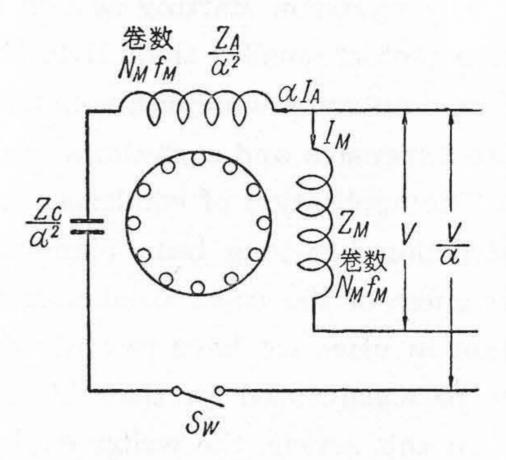
$$Z_{m2} = \frac{1}{g_0 - j + \frac{1}{r_2}}$$

$$\frac{1}{2 - s} + jx_2$$
....(5)



第2図 蓄電器起動単相電動機の回路

Fig. 2. Circuit of Condenser Start Single Phase Induction Motor



第 3 図 等 価 回 路 Fig. 3. Equivalent Circuit

とおけば、主巻線と補助巻線の電圧は(6)式で表わされる。

$$\frac{V = I_1 Z_{m1} + I_2 Z_{m2} + I_M Z_M}{V} = j I_1 Z_{m1} - j I_2 Z_{m2} + \alpha I_A \frac{Z_A + Z_C}{\alpha^2} \cdot \cdot \cdot (6)$$

更に(7)式の如く  $Z_1$ ;  $Z_2$  を表わし(1)(6)式より  $I_1$ ,  $I_2$  を求めれば、

$$Z_{1} = \frac{Z_{M} - \left(\frac{Z_{A} + Z_{C}}{\alpha_{2}}\right)}{2}$$

$$Z_{2} = \frac{Z_{M} + \left(\frac{Z_{A} + Z_{C}}{\alpha^{2}}\right)}{2} \qquad (7)$$

$$I_{1} = \frac{V_{1}(Z_{2} + Z_{m2}) - V_{2}Z_{1}}{Z_{2}(Z_{m1} + Z_{m2}) + Z_{m1}Z_{m2} + (Z_{2}^{2} - Z_{1}^{2})}$$

$$I_{2} = \frac{V_{2}(Z_{2} + Z_{m1}) - V_{1}Z_{1}}{Z_{2}(Z_{m1} + Z_{m2}) + Z_{m1}Z_{m2} + (Z_{2}^{2} - Z_{1}^{2})}$$

$$\cdots \cdots (8)$$

回転力は次式で表わされる。

$$T=2\left(k_1|I_1|^2\frac{r^2}{s}-k_2|I_2|^2\frac{r_2}{2-s}\right)$$
 同期ワット .....(9)

但し

$$k_{1} = \frac{1}{1 + (g_{0} - jb_{0}) \left(\frac{r_{2}}{s} + jx_{2}\right)} \begin{vmatrix} 2 \\ 1 + (g_{0} - jb_{0}) \left(\frac{r_{2}}{s} + jx_{2}\right) \end{vmatrix}^{2} \dots \dots (10)$$

$$k_{2} = \frac{1}{1 + (g_{0} - jb_{0}) \left(\frac{r_{2}}{2 - s} + jx_{2}\right)} \begin{vmatrix} 2 \\ 1 + (g_{0} - jb_{0}) \left(\frac{r_{2}}{2 - s} + jx_{2}\right) \end{vmatrix}^{2}$$

次に起動時及び運転中の特性に就いて述べる。

#### 〔Ⅲ〕起 動

始めに起動特性につき述べると、起動即ち s=1 の場合は (9)(10) 式より。

$$k_1 = k_2 = \left| \frac{1}{1 + (g_0 - jb_0)(r_2 + jx_2)} \right|^2 = k$$

となつて起動回転力は、

$$T=2kr_2(|I_1|^2-|I_2|^2)$$

$$egin{aligned} eta, & I_M = |I_M| arepsilon^{-jarphi_M} & I_A = |I_A| arepsilon^{jarphi_A} & \ \ge \ \exists \ T_1 = rac{I_M - \jmath lpha I_A}{2} = rac{|I_M| arepsilon^{-jarphi_M} - lpha |I_A| arepsilon^{\left(jarphi_A + rac{\pi}{2}
ight)}}{2} \\ & = rac{1}{2} \left\{ (I_M \cos arphi_M + lpha I_A \sin arphi_A) & \\ & - \jmath (I_M \sin arphi_M + lpha I_A \cos arphi_A) 
ight\} \\ I_2 = rac{1}{2} \left\{ (I_M \cos arphi_M - lpha I_A \sin arphi_A) & \\ & - \jmath (I_M \sin arphi_M - lpha I_A \cos arphi_A) 
ight\} \\ \mathcal{U} > \ \ \, & \qquad \qquad |I_1|^2 - |I_2|^2 = lpha I_M I_A \sin (arphi_M + arphi_A) \end{aligned}$$

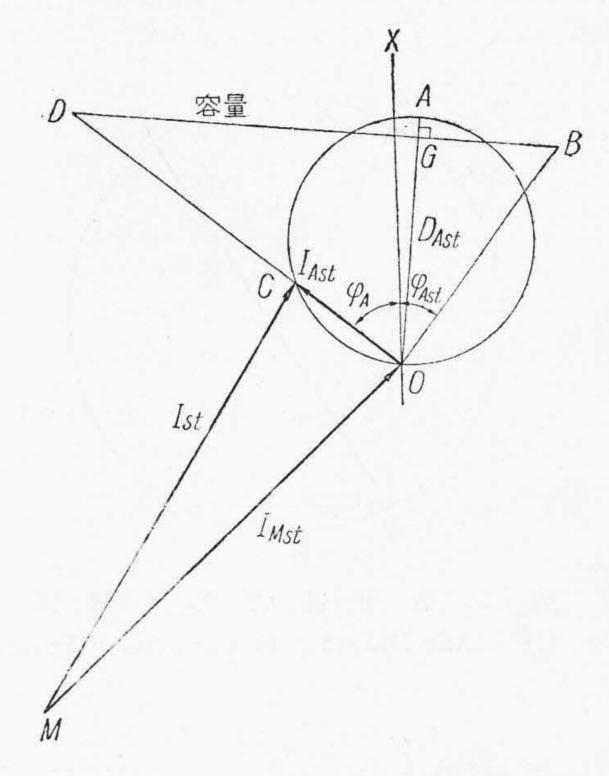
而して、 $\rho=\rho_M+\rho_A$ とすれば、即ち $\rho$ を主巻線の電流と補助巻線の電流との間の位相角とすれば、

更に起動時には  $Z_{m1}=Z_{m2}$  となり、 $I_M$  及び  $I_A$  は (12) (13) 式で表わされる。

$$I_{M} = \frac{V}{Z_{M} + \frac{1}{g_{0} - jb_{0} + \frac{1}{r_{2} + jx_{2}}}} = \frac{V}{Z_{Mst}} \cdot \dots (12)$$

但し

一般に主巻線は電動機の運転特性により定まる故起動



第 4 図 起 動 電 流 円 線 図 Fig. 4. Circle Diagram of Starting Current 特性に関係するものとして

- (1) 補助回路に挿入する蓄電器の容量を変えた場合
- (2) 補助回路の巻回数を変えた場合の二つの場合について考察する。

#### (1) 蓄電器容量を変えた場合

#### (A) 起動電流

今蓄電器の力率は容量に無関係に一定と仮定すれば、 $\cos \varphi_{\lambda}$ を蓄電器の力率とし $\lambda$ を次のように定義する。

$$\lambda = (\cos \varphi_{\lambda} - \jmath \sin \varphi_{\lambda}) = \varepsilon^{-\jmath \varphi_{\lambda}}$$

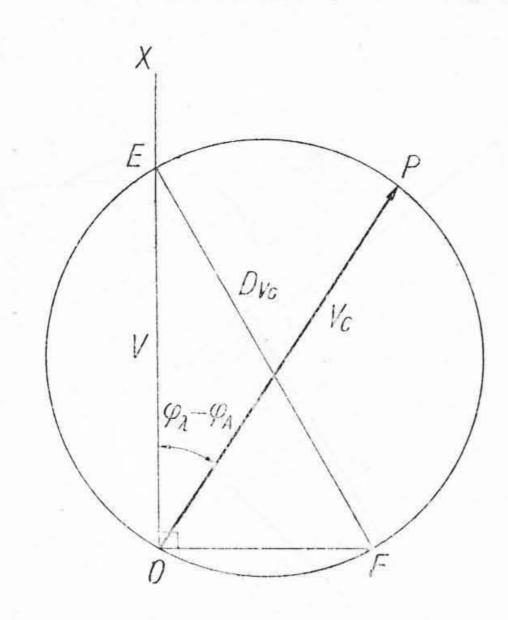
然るとき (13) 式は

となり、又

$$Z_A + \alpha^2 \frac{1}{g_0 - jb_0 + \frac{1}{r_0 + jx_0}} = Z_{Ast} = |Z_{Ast}| \varepsilon^{j\varphi_{Ast}}$$

とおけば、更に  $I_A$  は (15) 式のようになる。

(15) 式で  $Z_c$  を変えた場合の  $I_A$  の変化は一つの円で表わされる。即ち  $\bf 34$  図に示すように、電圧の方向(即ち位相差零の方向)を  $\overline{OX}$  にとれば、 $I_A$  の軌跡は(16) 式で表わされるベクトル  $D_{Ast}$  を直径  $\overline{OA}$  とする



第 5 図 蓄 電 器 電 圧 円 線 図 Fig. 5. Circle Diagram of Condenser Voltage 円となる。

$$D_{Ast} = \frac{V}{|Z_{Ast}|\sin(\varphi_{\lambda} + \varphi_{Ast})} \varepsilon^{j(\varphi_{\lambda} - \frac{\pi}{2})} \dots \dots (16)$$

今任意の容量の蓄電器を補助回路に入れた場合の電流は上述せる円周上にある。この点をCとし更にMOを(12)式で表わされる主回路電流にとれば、MCは起動電流を表わす。

次に OB を  $\rho_{Ast}$  の方向にとり、 $OB=|Z_{Ast}|$  にとり B 点より OA に下した垂線を BG とし OC との交点 を D とすれば、BD は蓄電器の尺度として用いられる。

従つて任意の蓄電器容量に対する補助回路の電流及び 全電流が求められる。

#### (B) 蓄電器電圧

次に蓄電器に掛る電圧に就いて述べる。

蓄電器電圧は(17)式で表わされる。

$$V=Z_CI_A\cdots\cdots(17)$$

(17) 式に (15) 式を代入すれば、

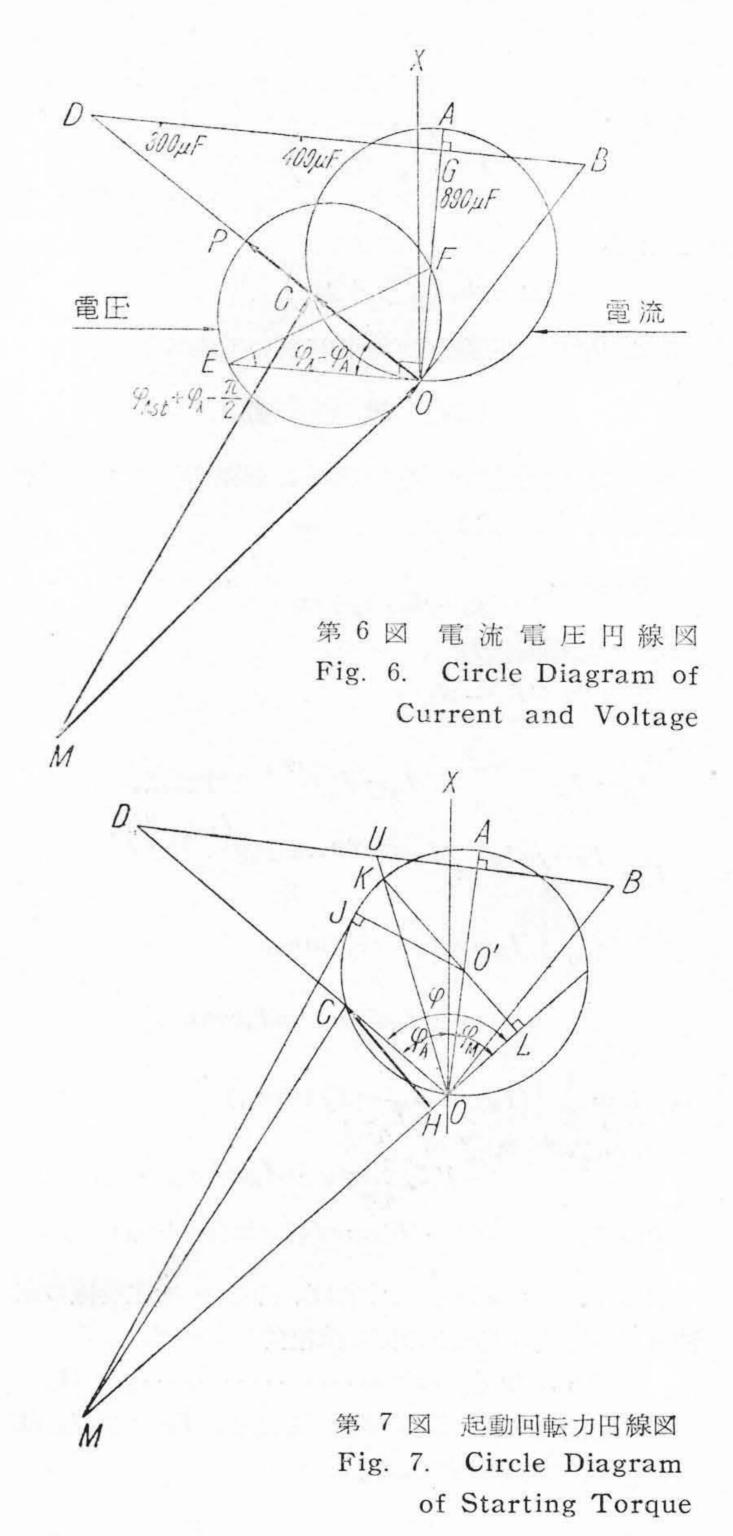
$$V_{C} = \frac{V|Z_{C}|\varepsilon^{-j\varphi_{\lambda}}}{|Z_{Ast}|\varepsilon^{j\varphi_{Ast}} + |Z_{C}|\varepsilon^{-j\varphi_{\lambda}}}$$

$$= V + \frac{V|Z_{Ast}|\varepsilon^{j(\varphi_{Ast} + \pi)}}{|Z_{Ast}|\varepsilon^{j(\varphi_{Ast} + \pi)} + |Z_{C}|\varepsilon^{-j\varphi_{\lambda}}} \dots (18)$$

蓄電器電圧を表わす(18)式は  $|Z_c|$  を変化した場合の $V_c$  の変化は一つの円で表わされることを示す。

即ち第5図で基線 OX 上に V に等しく OE をとり E 点より次式(19)で表わされるとベクトル EF を直径とする円を書けば、この円周上の点 P と O を結ぶOP が蓄電器電圧  $V_c$  に相当する。

$$D_{VC} = |V| \frac{\varepsilon^{j\left(\frac{\pi}{2} + \varphi_{ASt} + \varphi_{\lambda}\right)}}{\sin(\varphi_{\lambda} + \varphi_{ASt})} \cdots \cdots \cdots \cdots (19)$$



而して  $\angle EOP$  は  $V_c$  の位相角を表わす。 しかるに  $V_c$  の位相角は、 $I_A$  の位相角  $\wp_A$  と  $Z_c$  の位相角と  $\wp_\lambda$  の和である。

$$\angle EOP = -\varphi_A + \varphi_\lambda$$

次に第4図電流円線図と第5図電圧円線図とを同時に表わしてみる。

第6図に於て電流軌跡は第4図と同一とする。第5図の電圧軌跡の  $\overline{OF}$  を  $\overline{OA}$  の方向と一致させて表わし、OC と円  $\overline{OFE}$  との交点を P とすれば、

$$\angle POE = \angle EOF - \angle COX - \angle XOF$$

$$= \frac{\pi}{2} - \varphi_A - \left(\frac{\pi}{2} - \varphi_\lambda\right) = \varphi_\lambda - \varphi_A$$

となり PO は第5図の PO と等しく蓄電器の電圧の大さを表わす。従つて電圧軌跡をかくには OA に垂線 OE を V に等しくとり、E 点より

$$\angle OEF = \left(\varphi_{Ast} + \varphi_{\lambda} - \frac{\pi}{2}\right)$$

となるように EF をとり、EF を直径とする円をかけばよい。

尚蓄電器の電圧はこの円の直径  $\overline{EF}$  より大とはならない。即ち  $\frac{V}{\sin(\rho_{\lambda}+\rho_{Ast})}$  より大とはならぬ。

但しこれは起動時に就いてのみいえることである。

#### (C) 起動回転力

起動回転力を表わす (11) 式に於て  $\alpha$ ,  $I_M$ ,  $k_1$  及び  $r_2$  が一定であるとすれば、

$$T \infty I_A \sin \varphi$$

となる。従つて第7図で第4図同様電流軌跡を表わす 円線図をかき、補助回路電流軌跡上のC点より $\overline{OM}$ に 下した垂線の足をHとすれば、

$$\overline{CH} = \overline{OC} \sin \varphi \propto I_A \sin \varphi \propto T$$

よって CH は起動回転力の大さを表わす。

次に最大起動回転力を与える蓄電器の容量を求める。 最大起動回転力は  $\overline{OA}$  の中心 O' を通り  $\overline{MO}$  に下した垂線  $\overline{KL}$  で表わされる。  $\overline{OK}$  と  $\overline{BD}$  との交点を  $\overline{U}$  とすれば、  $\overline{BU}$  はこの場合の蓄電器インピーダンス  $\overline{Z_{st \max}}$  を表わす。

$$Z_{st \max} = Z_{Ast} \left\{ -\cos(\varphi_{Ast} + \varphi_{\lambda}) + \cos\left(\frac{\varphi_{\lambda} + \varphi_{M}}{2}\right) \sin(\varphi_{Ast} + \varphi_{\lambda}) \right\}$$
 もし  $\varphi_{\lambda} = \frac{\pi}{2}$  とすれば、

$$Z_{st \max} = Z_{Ast} \left\{ \sin \varphi_{Ast} + \cos \left( \frac{\varphi_M + \frac{\pi}{2}}{2} \right) \cos \varphi_{Ast} \right\}$$

又最大起動回転力  $T_{stmax}$  は次の式で表わざれる。

$$T_{st \max} = \alpha r_2 \frac{V^2 \{1 - \cos(\varphi_M + \varphi_\lambda)\}}{|Z_{Mst}||Z_{Ast}|\sin(\varphi_\lambda + \varphi_{Ast})}$$

$$\text{L} \quad \varphi_\lambda = \frac{\pi}{2} \quad \text{LFMIT.}$$

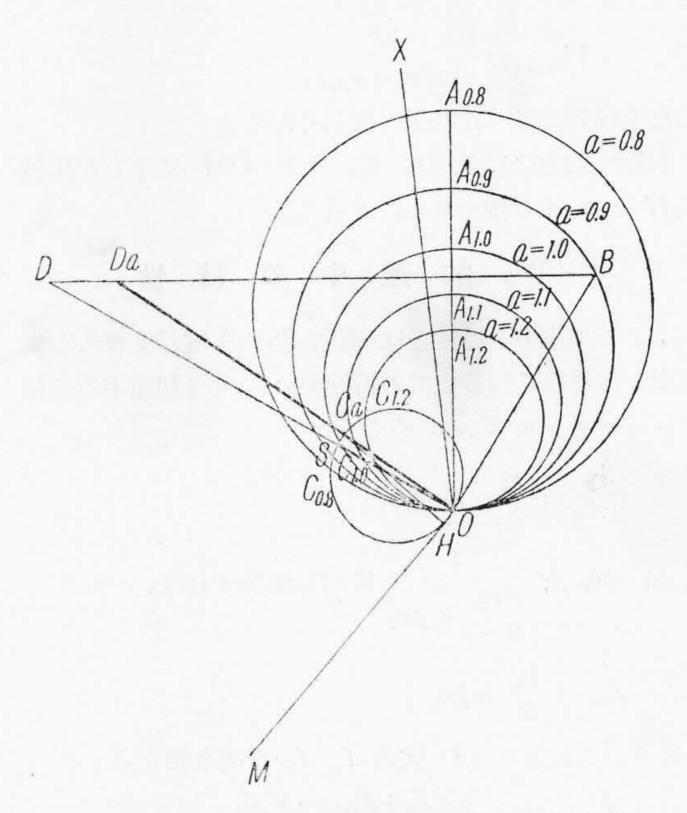
$$T_{st \max} = \alpha r_2 \frac{V^2 (1 + \sin\varphi_M)}{|Z_{Mst}||Z_{Ast}|\cos\varphi_{Ast}}$$

#### (D) 起動能率

起動能率 η<sub>s</sub> 即ち起動回転力(同期ワット)と起動時のボルトアンペア入力との比は、電圧が一定である故、

$$\eta_s \infty \frac{T}{I}$$

であり第7図に於て sin LCMO に比例する。 更に



第 8 図 巻数比を変化させた場合の円線図 Fig. 8. Circle Diagram for Variable Turn Ratio

起動能率最大の点は  $\angle CMO$  が最大となる点であるから、M 点より円に引いた切線 MJ の切点 J となる。

## (2) 補助回路の巻回数を変えた場合

補助回路の巻回数を変化したとき補助巻線の銅線重量を一定とすれば、巻回数をa倍したとき銅線の断電積は1/aとなり抵抗は $a^2$ 倍となる。又漏洩リアクタンスも同様に $a^2$ となる。従つて(15)式の $Z_{Ast}$ は $a^2$ となり第4図の起動電流の円線図は第8図のように円の直径を $1/a^2$ とした $OA_{1\cdot 2}$ ; $OA_{1\cdot 1}$ ····等の円となる。もし蓄電器の容量も $1/a^2$ とすれば、補助回路電流は $1/a^2$ となるが起動回転力は1/aとなる。

次に蓄電器の容量を一定にした時の補助回路電流の軌跡は次式(20)で表わされるベクトルを $\overline{OS}$ 直径とする円

$$D_{ast} = rac{V arepsilon^{\int rac{\pi}{2} - arphi_{ASt})}}{|Z_c| \sin(arphi_{\lambda} + arphi_{Ast})}$$
 .....(20)  
となる。即ち円  $OA_{1,2}$ ;  $OA_{1,1}$ ; ....と円  $OS$  との交点  
を  $C_{1,2}C_{1,1}C_{1,0}$ ・・とすればこの点が求むる補助回路電流

第8図に第4図で述べた容量を表わす直線 BD をとれば  $OC_{1.0}D$  は一直線上にあり、補助巻線の巻回数を a 倍したときは  $\overline{BD}_{\alpha} = \overline{\frac{BD}{a^2}}$  となるように  $D_a$  点を求め  $\overline{D_aO}$  と円  $\overline{OS}$  との交点を  $C_a$  とすれば  $\overline{OC}_a$  は補助回路電流を表わす。

となる。又次のようにしても求められる。

蓄電器の電圧は蓄電器容量一定となるため電流を表わ す軌跡の円で代用できる。最大重圧は

$$V_{C_{\max}} = \frac{V}{\sin(\varphi_{\lambda} + \varphi_{Ast})}$$

となり前節で述べた結果と同じくなる。

起動回転力は前節同様  $C_a$  より OM に下した垂線  $C_aH$  と a との積であらわされる。

## [IV] 加速中の特性

ここで加速中の特性とは補助回路に蓄電器を挿入して起動から運転に到るまでの特性をいう。今加速中の逆相インピーダンス  $Z_{m2}$  に於て

$$\frac{r_2}{2-s} = \frac{r_2}{2} \quad \geq 1.$$

又  $g_0-jb_0$  を  $\dfrac{1}{\dfrac{r_2}{2-s}+\jmath x_2}$  に対し無視すれば、

$$Z_{m2} = \frac{r_2}{2} + jx_2$$

となり、これより (8) 式の  $I_1$ ,  $I_2$  を書き換えると、

$$I_1 = \frac{V_1(Z_2 + Z_{m2}) - V_2 Z_1}{Z_2 Z_{m2} + (Z_2^2 - Z_1^2) + Z_{m1}(Z_2 + Z_{m2})}$$

$$=\frac{\{V_{1}(Z_{2}+Z_{m2})-V_{2}Z_{1}\}\left\{Y_{0}\left(\frac{\textbf{r}_{2}}{s}+\textbf{j}x_{2}\right)+1\right\}}{\{Z_{2}Z_{m2}+(Z_{2}^{2}-Z_{1}^{2})\}\left\{Y_{0}\left(\frac{\textbf{r}_{2}}{s}+\textbf{j}x_{2}\right)+1\right\}+(Z_{2}+Z_{m2})\left(\frac{\textbf{r}_{2}}{s}+\textbf{j}x_{2}\right)}$$

$$\{V_{1}(Z_{2}+Z_{m2})-V_{2}Z_{1}\}(\textbf{\textit{j}}x_{2}Y_{0}+1)+\{V_{1}(Z_{2}+Z_{m2})-V_{2}Z_{1}\}Y_{0}\frac{\textbf{\textit{r}}_{2}}{s}\\ \{Z_{2}Z_{m2}+(Z_{2}^{2}-Z_{1}^{2})\}(\textbf{\textit{j}}x_{2}Y_{0}+1)+\textbf{\textit{j}}x_{2}(Z_{2}+Z_{m2})+\frac{\textbf{\textit{r}}_{2}}{s}\{Y_{0}Z_{2}Z_{m2}+(Z_{2}^{2}-Z_{1}^{2})+Z_{2}+Z_{m2}\}$$

$$= \frac{A + B \frac{r_2}{s}}{C + D \frac{r_2}{s}} = \frac{B}{D} + \frac{A - \frac{CB}{D}}{C + D \frac{r_2}{s}} \dots (21)$$

但し

$$A = \{V_1(Z_2 + Z_{m2}) - V_2 Z_1\} (\jmath x_2 Y_0 + 1)$$

$$B = \{V_1(Z_2 + Z_{m2}) - V_2 Z_1\} Y_0$$

$$C = \{Z_2 Z_{m2} + (Z_2^2 - Z_1^2)\} (\jmath x_2 Y_0 + 1) \qquad (22)$$

$$+ \jmath x_2 (Z_2 + Z_{m2})$$

 $D = \{Z_2 Z_{m2} + (Z_2^2 - Z_1^2)\} Y_0 + Z_2 + Z_{m2}$ 

同様に  $I_2$  は

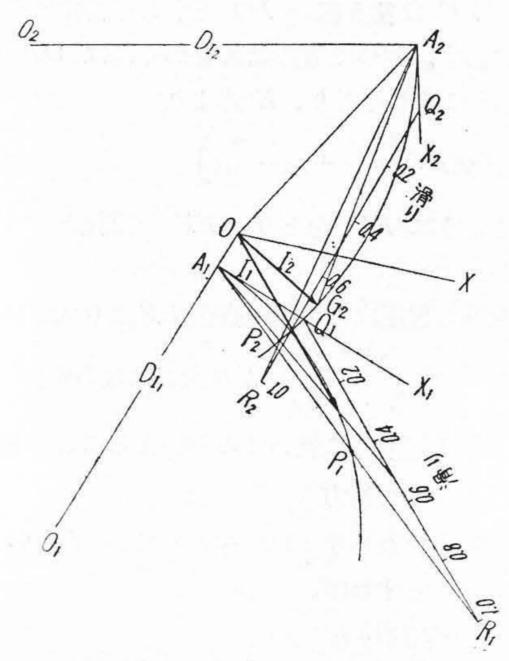
$$I_{2} = \frac{V_{2}(Z_{2} + Z_{m1}) - V_{1}Z_{1}}{Z_{2}Z_{m2} + (Z_{2}^{2} - Z_{1}^{2}) + Z_{m1}(Z_{2} + Z_{m2})}$$

$$= \frac{L + M - \frac{r_{2}}{s}}{C + D - \frac{r_{2}}{s}} = \frac{M}{D} + \frac{L - \frac{CM}{D}}{C + D - \frac{r_{2}}{s}} - \dots (23)$$

但し

$$\begin{array}{c} L = (V_2 Z_2 - V_1 Z_1) (\jmath x_2 Y_0 + 1) + \jmath V_2 x_2 \\ M = (V_2 Z_2 - V_1 Z_1) Y_0 + V_2 \end{array} \right\} \cdots (24)$$

(21) 式及び(23) 式で表わされる  $I_1,I_2$  は円線図で表わされる。即ち  $I_1$  について(21) 式を更に次のように



第 9 図 I<sub>1</sub>, I<sub>2</sub> 円 線 図

Fig. 9. Circle Diagram of  $I_1$  and  $I_2$ 

書きかえると

$$I_{1} = \frac{B}{D} + \frac{A - C \frac{B}{D}}{C + D \frac{r_{2}}{s}} = a_{1} \varepsilon^{j\varphi_{a_{1}}}$$

$$+ \frac{b_{1} \varepsilon^{j\varphi_{b_{1}}}}{c_{1} \varepsilon^{j\varphi_{c_{1}}} + d_{1} \varepsilon^{j\varphi_{d_{1}}} \frac{r_{2}}{s}}$$

$$= a_{1} \varepsilon^{j\varphi_{a_{1}}} + \frac{b_{1} \varepsilon^{j(\varphi_{c_{1}} - \varphi_{d_{1}})}}{c_{1} \varepsilon^{j(\varphi_{c_{1}} - \varphi_{d_{1}})} + d_{1} \frac{r_{2}}{s}} \dots \dots (25)$$

第9図で  $I_1$  の軌跡は原点 O より  $\overline{OA_1}$  を $a_1 \epsilon^{j\varphi_{a1}}$  に等しくとり  $A_1$  から次式 (25) で表わされるベクトル  $D_{I1}$  を直径とする円をかき、円上の点  $G_1$  と O とを結べば  $\overline{OG_1}$  は  $I_1$  を表わす。

又 S=1 即ち起動時の正相電流を  $I_{1s=1}$  とすれば、

$$I_{1s=1} = a_1 \varepsilon^{j\varphi_{d1}} + \frac{b_1 \varepsilon^{j(\varphi_{b1} - \varphi_{d1})}}{C_1 \varepsilon^{j(\varphi_{c1} - \varphi_{d1})} + d_1 r_2}$$

第9図で  $I_{1s=1}$  を表わす点を  $P_1$  とし  $A_1$  より  $OA_1$  に垂線  $OX_1$  をひき  $OX_1$  上の任意の点  $Q_1$  より

$$\angle X_1Q_1R_1 = \varphi_{c1} - \varphi_{d1}$$

の角をなす直線  $Q_1R_1$  をひき、 $A_1P_1$  との交点を  $R_1$  とすれば  $\overline{Q_1R_1}$  は滑りの尺度となる。

同様にして  $I_2$  も求められる。即ち**第9図**で  $\overline{OA_2}$  ベクトルを (23) 式の  $\frac{M}{D}$  に等しくとり、 $A_2$  点より直径が次式で表わされる円をかけばこの円は  $I_2$  の軌跡となる。

$$D_{I2} = \frac{b_2 \varepsilon^{j \left(\varphi_{b^2} - \varphi_{d^1} - \frac{\pi}{2}\right)}}{C_1 \sin(\varphi_{c^1} - \varphi_{d^1})} \qquad \dots \dots (27)$$

但し $b_2$ ,  $c_1$ ,  $\rho_{b2}$ ,  $\rho_{b1}$  等は $I_1$  と同じく次の式で定義されるものである。

更に  $I_A$ ,  $I_M$ , I については  $I_1$ ,  $I_2$  をベクトル計算又は作図すれば求められる。又(3)式より、

$$I_{M} = I_{1} + I_{2} = \frac{B + M}{D} + \frac{A + L - \frac{C}{D}(B + M)}{C + D\frac{r_{2}}{s}}$$

$$I_{A} = \frac{1}{\alpha} \mathbf{j} (I_{1} - I_{2})$$

$$= \mathbf{j} \frac{1}{\alpha} \left\{ \frac{B - M}{D} + \frac{(A - L) - \frac{C}{D}(B - M)}{C + D\frac{r_{2}}{s}} \right\}$$

#### [V] 回転力零の速度

補助回路に蓄電器を挿入し、加速する場合、蓄電器の容量が大きいときは同期速度に到らず回転力零となる。 このときの滑りsは、(9)式より

$$T=2\left(k_1|I_1|^2\frac{r_2}{s}-k_2|I_2|^2\frac{r_2}{2-s}\right)=0$$

更に  $k_1=k_2$  とすれば  $(2-s)|I_1|^2=s|I_2|^2$  となり更に (8) 式より

 $(2-s)|V_1(Z_2+Z_{m2})-V_2Z_1|^2=s|V_2(Z_2+Z_{m1})-V_1Z_1|^2$ 左辺の (2-s) に於て s を無視し、(5) 式 の 励磁アドミツタンスを無視すれば上式は

$$2|R_1+jX_1|^2=s|R_2+\frac{r_2}{2s}+j(X_2+\frac{r_2}{2\alpha s})^2\cdots(29)$$

但し

$$R_{1} = \frac{1}{2} \left( \frac{r_{A} + r_{c}}{\alpha^{2}} + \frac{x_{M} + x_{2}}{\alpha} + \frac{r_{2}}{2} \right)$$

$$X_{1} = \frac{1}{2} \left( \frac{x_{A} - x_{c}}{\alpha^{2}} - \frac{r_{2} + 2r_{M}}{2\alpha} + x_{2} \right)$$

$$R_{2} = \frac{1}{2\alpha} \left\{ \frac{r_{A} + r_{c}}{\alpha} - (x_{2} + x_{M}) \right\}$$

$$X_{2} = \frac{1}{2} \left( \frac{x_{A} - x_{c}}{\alpha^{2}} + \frac{r_{M}}{\alpha} + x_{2} \right)$$

更に (29) 式を書きかえると、

$$s^2A+sB+C=0$$

但し 
$$A = R_2^2 + X_2^2$$

$$B = R_2 r_2 + \frac{X_2 r_2}{\alpha} - 2(R_1^2 + X_1^2)$$

$$C = \frac{r_2^2}{4} \left(1 + \frac{1}{\alpha^2}\right)$$

従つて

$$s = \frac{-B - \sqrt{B^2 - 4AC}}{2A} \dots (30)$$

(30) 式は回転力が零となる滑りを表わしている。

## (VI) 計 算 例

出力 0.4kW, 4 極、100 V, 50~ の蓄電器電動機に 於て常数を次のようにとれば

$$Z_{M}=0.695+j 1.0 \Omega$$
  
 $Z_{A}=2.8+j 1.86 \Omega$   $\alpha=1.44$   
 $g_{0}-jb_{0}=0.004-j 0.03 U$   
 $r_{2}=1.375 \Omega$   $x_{2}=1.1 \Omega$ 

(12) 式及び(15)式の  $Z_{Mst}, Z_{Ast}$  は、 $Z_{Mst}$ =2.88  $|47^{\circ}\Omega$  従って  $I_{Mst}$ =34.7 |47 Amp.  $Z_{Ast}$ =6.83  $|37.5^{\circ}\Omega$ 

となり蓄電器の力率を 10% とすれば (16) 式より、 $D_{Ast}$ = $17.2^{\circ}$   $6^{\circ}$  Amp.

で第6図 (第30 頁参照) の BG は  $3.57 \Omega$  に相当しこれ は  $890 \mu F$  となる。これより容量の尺度が目盛れる。

電流の円線図は第6図(第30頁参照)のようになる。 次に電圧円線図は $\overline{OE}=100$ Vにとり、

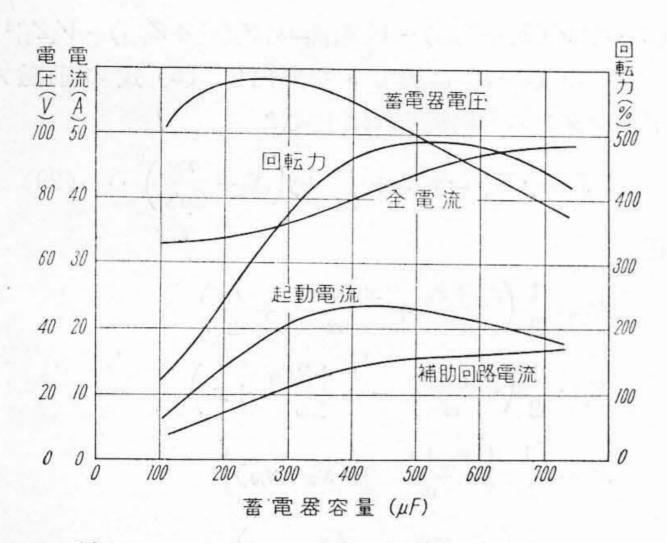
$$\angle OEF = 31.5^{\circ}$$

にとれば電圧円線図がえられる。

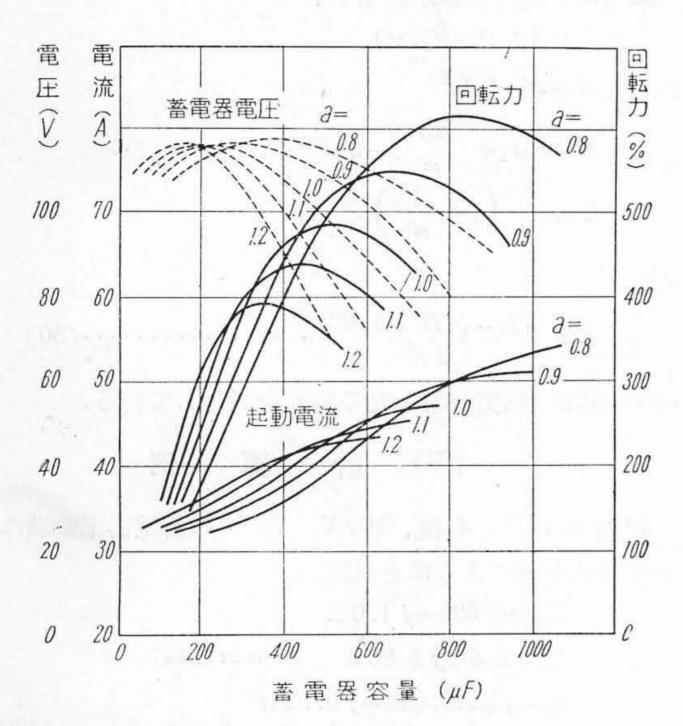
蓄電器の容量を 250 μF としたとき補助巻線の巻回数 を変化したときの補助回路電流円線図は (20) 式より

$$D_{ast} = 9.25 \ [52.5^{\circ} \ Amp.$$

を直径とする円となる。



第 10 図 起 動 特 性 曲 線 (I) Fig. 10. Starting Characteristic Curve (I)



第 11 図 巻数比変化の場合の起動特性曲線

Fig. 11. Starting Characteristic Curve for Variable Turn Ratio

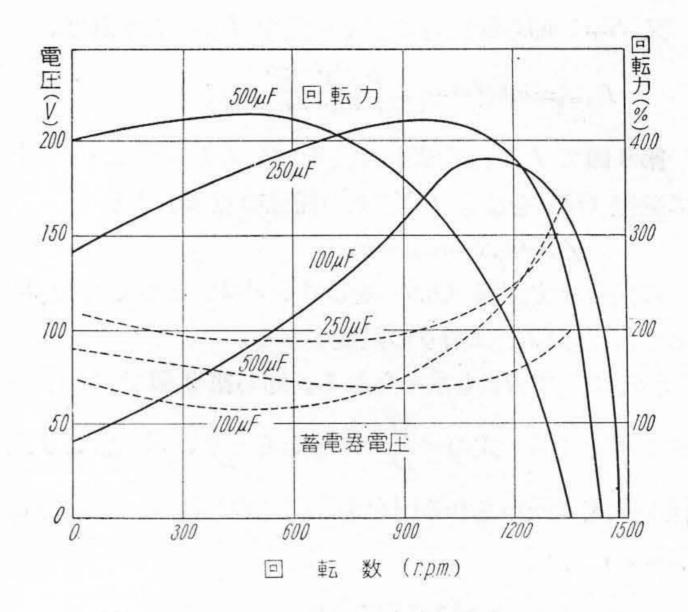
以上により蓄電器の容量を変化した場合の起動特性曲線を求めると第 10 図のようになる。又補助巻線の巻回数を変えたときの起動回転力、起動電流、蓄電器電圧の変化は第 11 図のようになる。図に於て a=1.0 は補助巻線の主巻線に対する巻数比  $\alpha$  が 1.44 のものである。

次に加速中の特性を求めてみる。蓄電器の容量を 250 mF 力率を 10% とすれば、(22)(24)式より、

 $A=332|50.5^{\circ} \text{ volt} \cdot \Omega$   $L=188|81.5^{\circ} \text{ volt} \cdot \Omega$   $B=9.78|135.5^{\circ} \text{ valt} \cdot \Omega$   $M=53.7|36.5^{\circ} \text{ volt} \cdot \Omega$   $C=10.8|5.5^{\circ} \Omega^{2}$ 

D=2.48  $| 23^{\circ} \Omega^2$  となり円線図の円の直径及び滑り零の位

となり円線図の円の直径及び滑り零の位置  $a_1 \cdot a_2$  は次のようになる。



第 12 図 速度に対する回転力蓄電器電圧の変化 Fig. 12 Torque and Condenser Voltage Correspond to Motor Speed

 $D_{I1}$ =62.  $1|\overline{109}^\circ$  Amp.  $a_1$ =3.  $95|\overline{112.5}^\circ$  Amp.  $D_{I2}$ =78 $|\overline{167}^\circ$  Amp.  $a_2$ =21.  $6|\overline{159.5}^\circ$  Amp. これらから円線図を求めれば第9図(第32頁参照)のようになる。

速度に対する回転力及び蓄電器電圧を求めると 第 12 図のようになる。同図には蓄電器の容量を 100,500 μF とした場合も併記した。蓄電器に加わる電圧は同期速度近くで高くなつている。

これら計算値と実測値とを比較すれば大略類似したものである。第 IV 項運転中の特性の計算は多少複雑となる故第 V項で述べた回転力零の速度を求めこれより加速中の大略の特性を予想することも出来ると思われる。

現在多く使用されている反撥起動式のものと比較すれば、運転中の特性は大略同一となり起動特性については起動回転力を同じ程度にするのは容易であるが、起動電流は大きくなる。しかし反撥起動式では速度と共に回転力が急激に減少するが蓄電器起動では第12図にみられるように良好な回転力曲線を示す。

#### (VII) 結言

蓄電器起動電動機の起動特性は円線図で考察するのが 便利である。蓄電器として電解蓄電器を使用するときは 力率と蓄電器に加はる電圧に注意すべきである。

従つて力率を考慮に入れた円線図により考察した方が 実際とよく合つた結果がえられる。

蓄電器電圧については起動時は  $\frac{V}{\sin(\rho_{\lambda}+\rho_{Ast})}$  より大きくはならないが加速中は同期速度近くで上昇する。よつてこの両者について考慮し蓄電器使用電圧を決

定せねばならぬ。回転力については蓄電器の容量が小さ ければ起動回転力は小さいが加速中は大きくなり、逆に 容量の大きいものは起動回転力は大きくても加速中は低 下する。

最後に種々御指導下さつた森泉部長、松井課長、製作 (2) 山田、日立評論、25 p. 739 (昭 17 年)

並びに試験に当られた研究課、検査課の諸氏に対し感謝 の意を表し本稿を終る。

#### 参考文献

(1) 蓮見、電会誌、55 p. 88 (昭 10 年)

可能的 医阴阴阴阴 拉维 点点 医唇 经 经 法



## 最近登録された日立製作所の特許及び実用新案(その1)

区 分	登録番号	名称	工場名	発明考案者	登録年月日
特許	195188	直流高電圧安全装置	中央研究所	三浦武雄	27. 7. 17
特 許	195189	機関点火装置	日立工場	田中貞之助	27. 7. 17
実用新案	394705	冷却水応動装置	多賀工場	豊 田 隆太郎 角 田 勝 美	27.7.18
//	394706	交流 電磁 石	日立工場	白土忠治	"
//	394707	電気車の電気制動自動制御装置	日立工場	合 田 勇	"
11	394708	電気車用カム軸制御器	日立工場	竹 村 伸 一	"
"	394709	制御器用二段動作空気力作動装置	日立工場	古山義雄	"
"	394710	分流器付電気計器	日立工場	今 橋 駒 一	"
"	394711	竪型紡糸電動機取付装置	多賀工場	大 岡 宏	"
"	394712	電刷子保持器	日立工場	桑 原 繁太郎	"
"	394713	竪軸水車発電機の通風装置	日立工場	塚 本 茂 昌	"
"	394714	刷子保持器	日立工場	滑 川 清桑 原 繁太郎	. //
"	394715	補極線輪支持装置	日立工場	菅 原 政 雄	"
"	394716	直流機電機子	日立工場	菅 原 政 雄	"
"	394717	竪軸回転電機の線輪緊縛装置	日立工場	菅 原 政 雄	"
"	394718	特殊電源装置	日立工場	田附修鳥居昭一	"
"	394719	刷子保持装置	日立工場	桑 原 繁太郎	"
//	394720	冷蔵庫露受皿	栃木工場	楠 本 陽一郎	"
//	394721	紡糸ポット自動給水装置	多賀工場	大 岡 宏	"
//	394722	変成器コイルの固定装置	多賀工場	小 林 国 雄	"
//	394723	紡糸ポットの自動給水装置	日立工場	田 中 貞之助	11
"	394724	渦巻室を有するタービンポンプ	亀有工場	大 貫 康 志	"
"	394725	車輛用充電発電装置	多賀工場	杉 浦 慎 三	"
"	394726	内 燃 電 気 車 制 御 装 置	日立工場	石坂霊巖	//
実用新案	394727	水車用ガイドベン	日立工場	滑川清	27. 7. 18



## 最近登録された日立製作所の特許及び実用新案(その2)

区 分	登録番号	名	工 場	易名発明考案者	登録年月日
実用新案	394728	巻 鉄 心 型 変 圧 器	亀戸:	工場 大西真史	27. 7. 18
"	394729	巻 鉄 心 型 変 圧 器	亀戸:	工場 鬼頭 国 忠	"
"	394730	エレベータ階床扉鎖錠	装置 多賀	工場 及 川 仟	"
"	394731	換気扇用通気窓	多賀	工場四倉輝夫	"
"	394732	液体噴霧ノヅル	日立	工場 吉 見 環	"
"	394733	冷蔵庫の露受装置	日立:	工場 田中貞之助滑川清	"
//	394734	水位遠隔測定装置	多賀	SPECIAL SATERANCE AND SATERANC	"
"	394735	エレベータ安全原	多賀	工場 納 谷 鉄太郎	//
"	394736	直流機整流子側	カバー 日立	工場 田 附 修	"
"	394737	ダイヤル型限時スヰッ	チ  戸塚	小 林 季 八 魚 住 善 吉 石 島 次 男	"
"	394738	パイプ接手	多賀	the state of the s	
"	394739	タービンポンプの ステー ジ抜	出金具 日立	工場 大橋盛嘉	"
"	394740	電動洗濯機の運転制御	装 置 亀戸	工場 森 泉 袈裟彌	"
"	394741	摩 擦 調 車	多賀	工場 川崎光彦門馬光雄	"
"	394742	レオナード制御多	支 置 日立	工場田附修	
"	394743	増幅回転機によるレオナード制御	事装置 日立	工場田附修	"
"	394744	並行運転直流機多	支 置 日立	工場 田 附 修	"
"	394745	整流子短絡装置	多賀	工場 安島忠義	"
"	394746	換気扇用自動開	月 窓 多賀	工場四倉輝夫	"
"	394747	深井戸ポンプにおけるポンプ軸支兼 保 護 管 連 結 装 置	z持装置 量有	工場 木 暮 健三郎	"
実用新案	394748	変 圧 器 油 濾 過 装 置		工場 谷 崎 義 一	27. 2. 18

