U.D.C. 621.874: 624.023.93

ボックスガーダーに関する実験

Experiment on Box Type Girders

種 治* H 71 Motoharu Taneda

内 容 梗 概

主桁がダブルウェブプレートガーダーで補桁のないいわゆるボックスガーダー式天井クレーンが最近 みられるようになつてきたが、このガーダーの負荷能力、剛性、破損状態などを調べるために実物大(ス パン 10m、ガーダーの深さ 0.6m、デッキの幅 0.4m、腹板の間隔 0.3m)の模型実験を行つた。模型と しては上面デッキおよび両側腹板の長さ方向に水平ステイフナーを入れたもの(ガーダー2)と入れな いもの(ガーダー1)の2個を使用した。実験としてはガーダーの両端を支持してスパン中央部の内側 腹板上に集中荷重を加え、ガーダーの携み、板面の応力分布などを測定し、最後にガーダーを破損させ た。またスパン中央部付近の板面の局部的な凹凸も破損前後において測定した。その結果、(1)板面の 応力分布は概して不規則であつたが、ガーダーの携み、座屈荷重、破損荷重および破損後のガーダー板 面の形状などはそれらの計算値によく一致し、(2) ガーダー1と比較してガーダー2では水平ステイフ ナーの効果が明瞭に現われ、(3)本実験に用いた程度の寸法比のボックスガーダーでは偏心荷重による 捩りはガーダーにたいした悪影響を及ぼさないものと考えられることなどがわかつた。

1. 緒 言

近時,橋梁にボックスガーダーが多く用いられ始め, 種々の点で好成績を収めており,わが国でもこれに関す る実験が各所で行われている。



一方クレーン(主として天井クレーン)においても主 桁がボックスガーダーで補桁のないいわゆるボックスガ ーダー式クレーンがみられるようになつてきたが、この ガーダーは従来のワーレンガーダーに比し捩り剛性の増 大、重量の軽減、工数の低減あるいは美観の向上など数 々の利点を有している。このクレーンには第1図に示す ようにA、B二種の形式がある。形式Aは横行レールが 2枚の腹板の中央にあるものでアメリカで多く用いられ ているが、形式Bはレールが内側の腹板の上にあるもの で実用例は前者に比して非常に少ない。形式Bはガーダ ーに加わる荷重が偏心しているためにガーダーに捩りを 生ずる欠点はあるが、一方形式Aに比較して

(1) 横行レールが腹板の上にあるので,形式Aの場合のようにレールの下側にあたる部分に補強を入れる必要がないこと

(2) ガーダーが横行レールより内側に出ないので, 横行歯車,巻胴などの配置が楽になりクラブを小さく しうること

(3) 上面デッキの一部を歩道,走行電動機台として 使用しうること

などの利点がある。

今回形式Bの負荷能力,剛性,破損状態などを調べるために実物大の模型を作りそれの破損実験を行つたので, その結果について述べる。

* 日立製作所亀有工場

(a) 形式A



第1図 ボックスガーダー式クレーンの形式

2. 研究方法

2.1 実験用ガーダー

実験用ガーダーとしてはガーダー1およびガーダー2 の2個を使用した。これらの構造および寸法の概略をそ れぞれ第2図および第1表に示す。第2図にみるよう に、ガーダー2がガーダー1と異なる点は上面デッキお よび両腹板の中央に長さ方向のスティフナーを挿入した ことであり、そのほかの構造はガーダー1とまつたく同 一である。第2表はガーダー各部素材の材料試験結果の 平均値である。

ボックスガーダーに関する実験

	第1表実験用ガーダーの仕様					1)	单位 mm)	
	スパン	スパンガ	ス パ ン ガーダーの深さ デッキの輻 腹板の間隔	腹板の間隔	隔壁の間隔 肉 厚	水平スティフナーの大きさ		
	L	D	B1	B_2	S	t	デッキ b1×t1	腹板 b ₂ ×t ₂
ガーダー 1	10,000	600	400	300	1,000	4.5		
ガーダー 2	10,000	600	400	300	1,000	4,5	125×4.5	50×6



第2図 実験用ガーダーの概略図

			the second se
比例限	降伏点	抗張力	縦弾性係数
19.8	31.5	41.9	20,000
	比例限 19.8	比例限 降伏点 19.8 31.5	比例限降伏点抗張力 19.8 31.5 41.9



第4図 実 験 状 況

825



第3図 負 荷 装 置

2.2 負荷装置

負荷装置の概略を第3図に示す。同図にみるようにガ ーダーの両端をサドルで支持し,スパン中央の内側腹板 上に集中荷重を加えた。同図に示すジャッキを上下する ことにより荷重は連続的に変化しうるようにした。

2.3 測定方法

ガーダーの外表面の応力を電気抵抗線歪計により主と してスパン中央部付近で測定した。ストレーンゲージと してはおもにロゼットゲージを使用したが、その測定点 は各ガーダーについて約100点とした。またスパン全長 にピアノ線を張つて負荷時のガーダーの撓みを測定し た。ガーダー板面の局部的凹凸が応力分布に与える影響 やガーダーの破損前後における凹凸の変化などを調べる ために、スパン中央部付近の板面の凹凸を深さマイクロ メーター、ストレートエッジを併用して測定した。

第4図は実験状況を示したものである。

2.4 理論計算上の仮定

後述する各種理論計管値はすべてガーダーの両端を単



第5図 ガーダーのスパン中央部の断面

純支持と仮定して求めたものである。ガーダーの応力分 布に及ぼす剪断遅れの影響は考慮しなかつた。また内側 腹板上に加わる集中荷重Pを,第5図に示すようにガー ダー断面の重心線上に加わる力P'(大きさはPに等しい) とP''(大きさはPに等しい),Pによつて生ずる偏心モ ーメント $P''B_2/2$ とに分解し,P'はガーダーに曲げを, また $P''B_2/2$ はガーダーに捩りを生ずるものと考えた。

3. 実験結果および検討

3.1 板面の応力分布

実験用ガーダーの構造上,応力分布は板の外表面につ

---- 37 -----

論

第 40 巻 第 7 号







第6図(その2) 垂直応力 σx の分布(ガーダー2)

いてしか測定することができなかつたが,その一例を図 示すれば第6図および第7図のとおりである。第6図は ガーダー長手方向の垂直応力 σx についてのものであり,

ガーダー2スパン中央より右側500mmの断面

第7図 剪断応力 この分布

第7図はガーダー長手方向に垂直 な断面上で板厚方向と直角に生ず る剪断応力 τ についてのものであ る。 τ の符号についてはガーダー に加わつている偏心捩りモーメン トによつて生ずる応力の方向を正 とした。また τ の計算値は曲げに よる剪断応力 τ_1 と偏心捩りモー メントによる剪断応力 τ_2 の代数 和として求めたものであるが, τ_1 , τ_2 としては次に示す式から計算し た値を用いた。すなわち薄肉断面 の剪断流れについての慣用計算 法⁽¹⁾により

 $\tau_1 = \frac{Q}{I} \int_0^u y \, du$

ここに

Q:剪断力

I:ガーダーの断面二次モーメント

u:曲げによる剪断応力が0の点(たとえばデ

---- 38 -----

ボックスガーダーに関する実験



 $t^{-}_{-} = 9.500 \text{ kg}$

第8図 上面デッキの撓み曲線

ッキの中央部)からて1を求めようとする点ま で板厚の中心線に沿つて測つた長さ

y: τ₁を求めようとする点の y 座標(第5図) また薄肉閉断面についての薄膜類似法⁽²⁾により

$$au_2 = rac{M_t}{2B_2Dt}$$

ここに

 M_{ι} : 捩りモーメント



827

第9図 上面デッキ中央部の携み (デッキの最外端におけるもの)

ただし

である。

7

第6回にみるように σx の実験値は計算値に比較的一 致している部分もあるが概して不規則な分布を呈してお り,またこの分布の傾向は荷重の増加とともにさほど変 化していない。実験値は板の周辺に近い部分ほど計算値 に近くなる傾向があること,あるいは腹板においては引 張側よりも圧縮側の不規則性が大きいことなどから,こ の応力分布の不規則性は板の局部的凹凸による二次応力 が板の表面に現われたためと推定される。実験用ガーダ ーの肉厚に比べて実物の肉厚はいくぶん大きいので,こ の局部的凹凸は実際には小さくなるものと考えられる が,この不規則性がガーダーの疲労強度に及ぼす影響は 今後検討する必要があると考えている。

第7図の τ の実験値にもかなりのばらつきがあるが、 τ の絶対値は σ_x の絶対値に比し小さいのでそれだけ誤 差も大きいものと思われる。

3.2 ガーダーの撓み

上面デッキの携みるの一例をガーダー2について示せ ば第8図のとおりである。計算値は薄膜類似法⁽²⁾により 偏心捩りモーメントを考慮して得たものである。すなわ ち計算値を *de* とすれば,

x: ガーダーの支持端よりスパン方向に測つた

長さ

E: 縦弾性係数

G: 横弾性係数(810,000kg/cm²と仮定)

同図にみるように実験値は計算値によく一致している。

3.3 ガーダーの破損

3.3.1 破損現象

スパン中央における上面デッキの携みると荷重P と の関係を図示すれば第9図のとおりである。同図は一 例としてデッキの最外端における携みを示したもので ある。図中の破線は途中で荷重を0にもどしたときの 経路を示したものであり、この破線とる軸との交点の 位置はそのときの永久変形量を表わしている。第9図 に記した記号 δ_{e} , P_{s} , P_{0} および P_{B} はすべて計算値 であり、次のようなものである。

ôe: 撓みの弾性的理論値(3.2 節に示した式にお

いて x = L/2 とした値)

- Ps: スパン中央部の上面デッキの長手方向応力 が降伏点に達するときの荷重
- P₀: スパン中央断面の各部の長手方向応力が一 様に降伏点に達すると考えたときの荷重 すなわち

$$\delta_{e} = \frac{PL^{3}}{48EI} \pm \frac{PB_{1}L(B_{2}+D)}{32B_{2}D^{2}tG}$$

_____ 39 _____

828	昭和33年7月	日立評
		H1

第 40 巻 第 7 号

		荷重 22 ^t (第9図(a)のA ₂ 点) の状態のとき			荷重 21.5 ^t (第9図(a)のB2点) の状態のとき			B2点)
		スパンプ向の位置	方 スパン 置 方 向	の位置	スパ	ン 方 位 置	スパン 方 向 の	に直角の位置
腹	内側	スパン 3.0m~ 5.5	$\tilde{\mathbf{j}}_{m} = \begin{bmatrix} E \\ a \\ u \end{bmatrix} \begin{pmatrix} z \\ z \\ z \end{pmatrix}$	ィフナー) 上部	スパン	$3.0^{ m m}\sim$ $5.5^{ m m}$	圧 (ステ 縮 (より	ィフナー) 上部
板	外側	スパン 3.5m 5.5	- E (ステ 5m 間 (より	ィフナー) 上部	スパン	3.0^{m} ~ 6.5^{m}	圧 (ステ 縮 (より	ィフナー) 上部
デッ	上面	スパン 4.0m- 5.5	~ 外側フ 5 ^m 部分	ランジの	スパン	$4.0^{\mathrm{m}} \sim 5.5^{\mathrm{m}}$	全	面
+	下面	なし	ts	L	ts	l	ts	L

第3表 ガーダー2各板面に肉眼でわかる程度の 凹凸の生じた位置



{+: デッキの最内端におけるもの -: デッキの最外端におけるもの

$$P_s = \frac{4Z}{L} \sigma_y - \frac{W}{2}$$

$$P_0 = \frac{4H}{L}\sigma_y - \frac{W}{2}$$

ただし

論

σy:降伏点

W: ガーダーの自重(ガーダー1 902

kg, ガーダー2 993kg)

Z: ガーダーの断面係数

H: ガーダーの塑性断面係数

 P_{B} はガーダーの座屈予想荷重であり、次のような考え 方をして求めたものである。今ガーダーの隔壁、水平 スティフナーおよび腹板(あるいはデッキ)で仕切ら れる各部分をそれぞれ周辺単純支持の1枚の矩形板と 考え、これらの各板は負荷時にも降伏しないものと考 えると、集中荷重Pを次第に増していつた場合、それら の各板の中のあるものが計算上まず最初に座屈するこ とになる。このときの集中荷重Pを座屈予想荷重 P_B とした。計算上まず最初に座屈する箇所は、ガーダー



第10図 ガーダーの垂直断面における変形状態



第11図 ガーダー2の変形状態

1ではスパン中央部の上面デッキ(単純圧縮による座 屈)となり、ガーダー2ではスパン中央部の腹板の圧 縮側(曲げによる座屈)となつた。なお各板の座屈応 力の計算に当つては剪断応力は垂直応力に比べ非常に 小さいので無視した。ガーダー1,2とも座屈予想荷重 P_B が降伏荷重の計算値 P_0 よりも小さくなつた。

まず 第9図(a) にみるようにガーダー2において は、荷重が約15tまでは 提み δ は弾性的理論値 δ_e に よく一致して増加したが、 P_s 以下の荷重18t あたりか ら永久変形が増加した。最大安定荷重は 22t(A_2 点) であり、このとき初めてガーダー中央部の上面デッキ



第12図 ガーダー2上面デッキのスティ フナー付近の変形状態

- 40 -

ボックスガーダーに関する実験

		荷重	16 ^t (第9図(b)	のA1点)の状態	のとき
		スパン方	向の位置	スパンに直角	角方向の位置
腹	内側	スパン 0.	$5^{\mathrm{m}}\sim9.0^{\mathrm{m}}$	圧縮側および	引張側の一部
板	外側	スパン 0.	$5^{\mathrm{m}}\sim9.5^{\mathrm{m}}$	圧縮側および	引張側の一部
デ	上面	スパン 1.	$0^{\mathrm{m}}{\sim}8.5^{\mathrm{m}}$	全	面
ッキ	下面	ts	ι	ts	L

第4表 ガーダー1各板面に肉眼でわかる 程度の凹凸の生じた位置

および内外腹板の圧縮側に肉眼でわかる程度の凹凸を 生じた。この状態から荷重を0にもどしてもその凹凸 はほとんどそのまま残留した。 A_2 点以後は撓み量の増 加とともにかけうる荷重は減少する傾向を示し,中央 部圧縮側各面の凹凸は顕著に増大していつた。 A_2 点 および B_2 点の状態において各面に凹凸の生じた位置 を表示すれば第3表のとおりである。なお内側腹板の 変形は外側腹板の変形よりもやや大きかつたが,第10 図に示すように垂直断面についてみれば凹凸の生ずる 傾向は y-y軸に対してほぼ対称であつた。第11 図 にガーダー2の変形状態を示す。第12 図は実験終了 後スパン中央部付近の腹板を切り開いて上面デッキの スティフナー部分の変形状態を写し出したものであ



第13図 ガーダー1の変形状態

-1の最大負荷能力16 t はその $P_B(11.6 t)$ よりもかな り大きい値となつている。実際にガーダー1の板面に 座屈が発生したときの荷重は明確には求まらなかつた が,前述のようにガーダー1の上面デッキに初めて肉 眼でわかるような大きい凹凸を生じたのは荷重が14 t のときであり,また上面デッキ中央部付近のひずみと 荷重との関係が急に直線的でなくなつた点も11~12 t であつたので,これらのときをガーダー1の座屈の初 期と考えれば P_B は実際値とよく一致することになる。

829

る。スティフナーはデッキに千鳥熔接 してあつたので,その熔接していない 部分がデッキ,スティフナーとも大き く変形していることがわかる。

次に第9図(b)にみるように,ガー ダー1もガーダー2とほぼ同様な過程 をたどつたが,特にガーダー2と相違 した点は

(1) 最大荷重 16t(A₁点)に達す
 る前早くも14tの荷重で上面デッキ
 の中央部に急に大きい凹凸を生じた
 こと

(2) 第4表に示すように、A₁点に おける凹凸はスパン全長にわたつて 大きく広がつたこと(しかし負荷を 取り除いた後はスパン中央部を除い てその凹凸はほとんど消滅した)

(3) 腹板の凹凸が引張側まで進行 したこと

などであつた。第13図はガーダー1 の変形状態を示したものである。

3.3.2 検討

第9図をみるにガーダー2の最大負荷能力 22 t はその座屈予想荷重 *P*_B (21.4 t)によく一致しているが, ガーダ



第14図 板面の局部的凹凸等高線図

(A)		

--- 41 -----

またガーダー1の上面デッキ中央部分を周辺単純支持の単純圧縮を受ける板と考え,Kármánの有効幅の仮定を用いてその板の破損荷重 *Pult*を計算⁽³⁾すれば

$$P_{ult} = \left(\frac{4Z}{L} \frac{\pi\sqrt{E\sigma_y}}{\sqrt{3(1-\nu^2)}} \frac{t}{B_2} - \frac{W}{2}\right)$$

$$\times \frac{L/2}{L/2 - L/20} = 15.8 \text{ t}$$

ただし

レ:ポアソン比(0.3と仮定)
となり、この値はガーダー1の最大負荷能力16tによく一致した。したがつてガーダー1は上面デッキが単純圧縮を受ける板として座屈はしたけれども強度は16tまで達したと考えうる。この点ガーダー2の方は破損の原因である腹板の座屈が曲げ座屈でありまた座屈応力が降伏応力にかなり近かつたので、座屈荷重と強度との差がほとんどなかつたのではないかと考える。

第9図をみるにガーダーはAなる破損荷重以下の負荷ではその負荷能力を低下することはないが,いつたんAなる荷重を加えて挠みがある限度を越すと,その後は負荷能力はAなる荷重よりは低下している。この現象は座屈を考慮する必要のないソリッドな断面を持つ梁と異なり,いつたん破損したボックスガーダーなどの薄板構造物の負荷能力に関して特に注目すべき点であると考える。



第15図 曲げを受ける腹板のスティフナーの位置

ダーの座屈計算を行うに当つて,隔壁やスティフナーで 仕切られる部分を1枚の板と考えて計算してもおおむね 妥当であろうと考える。

次に第14図(c)をみるに,ガーダー1の上面デッキ はガーダー長手方向に2個の半波となつて変形している が,理論上は3個の半波にもつとも座屈しやすいはずで ある⁽⁴⁾。この相違の原因としては腹板が2個の半波で大 きく変形したこと,また上面デッキの一部分に荷重伝達 用のレールを熔接したことなどが考えられる。なお上面

3.4 板面の局部的凹凸

ガーダー1,2の破損前後における板面の凹凸の数例を 示せば第14図のとおりである。同図はA,B,Cの3点 を含む平面を基準面としたときの凹凸を等高線で図示し たものであり、ボックスの外方向への変位を正とした。

同図をみるに破損前後における凹凸は大体同じ傾向を 示しているが,凹凸の頂点の位置は場所によりかなり移 動している部分もある。これは隔壁などからもつとも離 れた中央部の方が変形しやすいためと考えられる。

第14図の(a)と(b)を比較してみるに, ガーダー1 の腹板では上面デッキの部分から下面デッキの部分まで が1個の半波となつて変形しているのに反し, ガーダー 2ではスティフナーから上半分が1個の半波となつて変 形しており,スティフナーの効果が明瞭に現われている。 また両隔壁間をガーダー長手方向にみた場合の半波の数 はガーダー1および2でそれぞれ2および3個となつて いる。この波の数については, ガーダー1では ABDC を周辺単純支持で単純曲げを受ける1枚の板と考え, ま たガーダー2では AEFC を周辺単純支持で単純曲げお よび圧縮を同時に受ける1枚の板と考えた場合の理論的 な座屈時の波の数に実際の波の数はそれぞれよく一致し ていることが知られた。したがつてこのことからもガー デッキの理論上の座屈荷重は半波の数が2と3の場合で それほど大きい差はない⁽⁴⁾。

第14図の破損後の状態をみると,波の節線はいずれも ガーダー長手方向におおむね垂直となつていることがわ かる。したがつてガーダー中央部の各板は明らかに剪断 によつて座屈したものではないといえる。

3.5 水平スティフナーの合理的位置

上述のようにガーダー1の腹板はその引張側まで大き い凹凸を生じたが,ガーダー2の腹板は圧縮側のみが局 部的に変形したにすぎなかつた。これはもちろんガーダ ー2の腹板中央部に水平スティフナーが入つているため であるが,このスティフナーをある程度上部へ移動させ れば局部的な凹凸はさらに小さくなるものと考えられ る。

今第15回に示すように,隣接した2枚の隔壁で仕切 られる腹板 1234 が両端に曲げモーメントによつて生 ずる力を受けているものとする。この腹板において水平 スティフナーより上部@および下部®をそれぞれ1枚の 板と考える。スパン中央部のように腹板が曲げ座屈によ つて破損するような場合には,板@,®の座屈応力が等 しくなるような位置bにスティフナーをおけば合理的で ある。スティフナーは負荷時にも剛で変形しないものと し,板@,®はともに周辺単純支持と仮定し,スティフ ナーの合理的な位置を求めてみる。

一般に板@の座屈応力 σ_{crA} (座屈時の第15図1,4点

の圧縮応力)は近似的に

ただし

2c:腹板の高さ

で与えられ,また板Bの座屈応力 *σerB*(座屈時の 5,6 点の の圧縮応力)は近似的に

$$\sigma_{crB} = \left\{ \left(\frac{2 - \frac{b}{c}}{1 - \frac{b}{c}} \right)^3 + 3 \left(\frac{2 - \frac{b}{c}}{1 - \frac{b}{c}} \right)^2 + 4 \right\}$$

で与えられる^{(5),(6)}。板 (A)と (B)が同じ座屈強度を有するものとすれば次式が成立する。

(a),(b),(c)式より

4. 結 言

本研究の結果として得られたことを要約すれば次のとおりである。

(1) ガーダー板面の応力分布は概して不規則であつ たが、これは板の局部的凹凸が原因であると推定され る。

(2) ガーダーの弾性時の撓みは計算値によく一致した。

(3) ガーダーの座屈荷重,破損荷重などはおおむね それらの計算値に一致した。

(4) いつたん破損現象を起したボックスガーダーで は再負荷に対してその負荷能力が破損前よりも低下す る。

(5) 破損後のガーダー板面の形状は理論的な座屈時 の波の形状によく一致した。

(6) ガーダー2には水平スティフナーの効果が明瞭 に現われた。すなわちガーダー2の負荷能力はガーダ ー1の負荷能力よりも40%近く高くなり,また破損時 ガーダー板面に凹凸の生じた範囲はガーダー1に比較 してごくせまかつた。

(7) 純曲げを受ける腹板に1本の水平スティフナー

b / c = 0.40

すなわち腹板上辺から腹板高さの20%の位置にスティフ ナーを入れるのがもつとも理想的である。

なおガーダーの端に近い部分の腹板は曲げモーメント による座屈強度よりも剪断力による座屈強度の方が弱い 場合が多いので,このような部分ではスティフナーを腹 板の中央に置く方がよいと考えられる。

3.6 偏心荷重による振りの影響

第6図および第7図をみてわかるように捩りによる剪 断応力は曲げによる垂直応力よりもかなり小さい。また ガーダーの撓みについては,第8図にみるように捩りの ために起る内外端の撓みの差はスパン中央で全体の撓み の数パーセント(計算値)にすぎない。また前述のよう に腹板あるいは上面デッキに実際に生じた変形は垂直応 力によつて座屈するときの形状とほぼ同一であり,かつ 内側腹板とともに外側腹板もかなり大きく変形してい る。したがつて以上のようなことから本実験に用いた程 度の寸法比のボックスガーダーでは偏心荷重による捩り はガーダーに大した悪影響を及ぼさないものと考える。

前述したガーダーの弾性時の撓みあるいは座屈荷重な どの実験値はおおむねそれらの計算値によく一致してお り,またガーダーの中央部付近においても内,外腹板に はほぼ同程度の曲げ応力が生じているので,ガーダーの 設計計算を行うにあたつては2.4節で述べた仮定をその まま用いてもおおむね妥当であろうと考える。 を入れる場合には,腹板上辺からその高さの20%の位置に入れるのが座屈に対して理論上最も効果的である。

(8) 本実験に用いた程度の寸法比のガーダーでは偏 心荷重による捩りはガーダーに大した悪影響を及ぼさ ないものと考えられる。

(9) 偏心荷重を受けるボックスガーダーの計算に際 しては, 2.4節で述べた仮定を用いてもおおむね妥当 と考える。

終りに本研究を遂行するにあたりたえず懇切な御指導 を賜つた日立製作所亀有工場研究課長小堀博士,江川主 任,宮本主任,平栗設計部長,大西輸送機械設計課長, 村田主任の諸氏,および実験,数値計算などに種々協力 された八木氏に深く感謝の意を表する。本論文には名井 明氏の実験値を借用させていただいた部分も多く,あわ せて同氏に厚く御礼申し上げる。

参考文献

(1) 倉西正嗣:応用弾性学,42(昭-30共立出版社)
(2) S. Timoshenko•J. N. Goodier: Theory of Elasticity, 298(1951 Mc Graw-Hill Book Co., Inc.)
(3) チモシエンコ: 挫屈理論, 268(昭-29コロナ社)
(4) チモシエンコ: 挫屈理論, 223(昭-29コロナ社)
(5) チモシエンコ: 挫屈理論, 236(昭-29コロナ社)
(6) 鋼構造計算規準・同解説,86(昭-29日本建築学会)

---- 43 -----