U.D.C. 621.744.528:621.741.4

# 鋳 鋼 押 湯 に 関 す る 研 究

On the Riser of Steel Castings

篠 夫\* 忠 H Tadao Shinoda

### 内 容 梗 概

理論的には鋳物体積を $V_c$ , 表面積を $S_c$ , 押湯体積を $V_r$ , 表面積を $S_r$ とすれば

 $V_r/S_r \ge V_c/S_c$ 

なる関係から押湯の大きさを決定することができる。しかし鋳物の肉厚にくらべて高さが非常に高い場 合には、肉厚の中心部にザク巣が発生するため、従来の押湯のみでは解決できないものがある。したが ってこの中心部に発生するザク巣の防止対策ならびに必要にして最小の押湯を設計するために押湯の理 論的研究を行った。

まず,基礎問題と考えられる,(1)鋳型内における熔鋼の凝固過程,(2)押湯内の引けの状況, (3)押湯の効果範囲,について理論的に解析を行い,かつ実験結果と比較検討した結果,押湯設計に 関する計算式を求めることができ,またザク巣の防止対策を明らかにすることができた。

次に理論の応用として、肉厚に対して高さが非常に高いため、肉厚の中心部にザク巣が発生するよう な製品について、その押湯を理論的に求めて実物実験を行った。その結果次のことが明らかとなった。

- (1) 理論的に求めた押湯で内部にザク巣のない健全なる製品を鋳造することができ,理論の妥当性が確認できた。
- (2) 理論的に求めた押湯は従来の押湯に比べて歩留が良く,相当の歩留向上を行うことができた。

# 1. 緒 言

押湯の最大の目的は湯の凝固収縮に対する押湯からの 湯の補給であり,その大きさは湯の凝固収縮による引け



第55年間には、そのの人ととなるのの風間へ相によるの内 単が鋳物本体に生じない最小の量であることが必要であ る。Caine<sup>(1)</sup>, Bishop & Johnson<sup>(2)</sup>, 林田<sup>(3)</sup>氏らは鋳 鋼押湯に関して鋳物体積と押湯体積との関係を求めてい る。また理論的には鋳物体積を  $V_c$ , 表面積を  $S_c$ , 押湯 体積を  $V_r$ , 表面積を  $S_r$  とすれば

 $V_r/S_r \ge V_c/S_c$ 

なる関係から押湯の大きさを決定することができる。し かし鋳物の肉厚に比べて高さが非常に高い場合には,肉 厚の中心部にザク巣が発生するため,従来の算式から求 めた押湯のみでは解決できないものがある。したがって この中心部に発生するザク巣の防止対策ならびに必要に して最小の押湯を設計するために押湯の理論的研究を行 った。

本報告はこれらの結果について述べたものである。

### 2. 鋳型内の熔鋼の凝固

押湯は鋳物より長時間熔融状態に保つ必要があるた め、まず鋳型内の湯の凝固状況を明らかにしておく必要 がある。湯の凝固に関しては、凝固層の厚さを $\varepsilon$ 、時間 をtとすると、 $\varepsilon = \alpha \sqrt{t}^{(4)}$ なる関係式が実験から求 められている。しかし比例定数 $\alpha$ は鋳込温度や鋳型温度 が変れば異なってくるが、その影響を実験から求めるの はなかなか困難である。また鋳物の形状は複雑である

\* 日立製作所笠戸工場

が,その大部分は(i)平肉の場合,(ii)円柱の場合, (iii)隅面の場合,などの組合せであるため,これらの組 合せ形態を知れば十分他に応用することができる。した がってこの三つの場合について解析を行った。

#### 2.1 平肉の場合

鋳物の肉厚および鋳型は有限の大きさであるが,問題 を簡単にするため半無限固体として取り扱った。

今温度をu,時間をt,距離をx,比重を $\rho$ ,比熱を c,熱伝導率を $\lambda$ ,温度伝導率をkとし、第1図に示す ように、x < 0の物体を湯、x > 0の物体を砂とする。 また1、2なる添数はそれぞれ湯および砂を表わすもの とすれば熱伝導の方程式は

湯に対しては(x<0)

442 昭和34年3月	日	立	評	論	第 41 巻	第3号
砂に対しては $(0 < x)$ $\partial u_2  \partial \Gamma$		34		$\frac{\partial u_1}{\partial t} = k_1^2$	$\frac{\partial^2 u_1}{\partial x^2} \dots$	(1–8)
$c_{2}\rho_{2}\frac{\partial u_{2}}{\partial t} = \frac{\partial u_{2}}{\partial x} \left[ \lambda_{20} \{1 + f(u_{2})\} \frac{\partial u_{2}}{\partial t} \right]$	] (1	-2)	境	界条件は		
ここで、砂の熱伝導率は温度の函数で				$(u_s)_{x=0} =$	$\theta_m$ (接触面温度))	(1, 0)
$\lambda = \lambda_0 \{1 + f(u)\}^{(5)}$				$(u_1)_{x=0} =$	$\theta_1$ (鋳込温度) $\int$	(1–9)

で変化し、湯の熱伝導率は温度に無関係で一定とした。 初期条件ならびに境界条件は

ここで、 $\lambda_{2m}$  は温度  $\theta_m$  における砂の熱伝導率を表わ す。

方程式 (1-1), (1-2) を解き (1-5) に代入すると接 触面温度は次のようになる。

$$\theta_{m} = \frac{2a_{1}\theta_{1} + \sqrt{\pi} a_{2}[1 + f(\theta_{m})]\phi'(0)\theta_{2}}{2a_{1} + \sqrt{\pi} a_{2}[1 + f(\theta_{m})]\phi'(0)} \dots (1-6)$$

ここで、函数  $\phi$  は  $\partial$  を 半無限固体 とし 表面 温度  $\delta_m$ の一定温度とした場合の解,  $u = \theta_m [1 - \phi(z)]^{(5)}$ におけ る函数 $\phi$ と同じものである。また  $a = \sqrt{\lambda c \rho}$  を表わす。

(1-6) から明らかなように湯が砂と接触した場合の接 触面温度は一定温度となる。したがってθmを一定とし, 凝固層の厚さを $\varepsilon$ , 添字sは凝固層を表わすものとすれ ば第2図に示した場合の熱伝導の方程式は

(1-9) $(u_1)_{x=0} = \theta_1$  (鋳込温度) ) また $x = \varepsilon$ においては常に凝固温度 $\theta_0$ であり、湯が凝 固する際に凝固潜熱が放出される。したがってこの場合

の境界条件は

$$(u_{s})_{x=\varepsilon} = (u_{1})_{x=\varepsilon} = \theta_{0} ( \text{BBILE} ) \dots (1-10)$$
$$\lambda_{s} \left( \frac{\partial u_{s}}{\partial x} \right)_{x=\varepsilon} = \lambda_{1} \left( \frac{\partial u_{1}}{\partial x} \right)_{x=\varepsilon} + L \rho_{2} \frac{d\varepsilon}{dt}$$
$$\dots (1-11)$$

ここで, Lは湯の凝固潜熱を表わす。 方程式 (1-7), (1-8) の解は次のようになる。

ここで、 $A_s$ ,  $B_s$ ,  $A_1$ ,  $B_1$ は定数,

$$\operatorname{erf}(x) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^x e^{-\beta^2} d\beta$$

凝固層に対しては  $(0 < x < \varepsilon)$ 

湯に対しては ( $\varepsilon < x < \infty$ )



で誤差函数を表わす。 (1-10) によれば  $x = \varepsilon$  の所の温度は常に  $\theta_0$  でなくて はならないから,  $\operatorname{erf}\left(\frac{\varepsilon}{2k_s\sqrt{t}}\right)$ および  $\operatorname{erf}\left(\frac{\varepsilon}{2k_1\sqrt{t}}\right)$ はtに無関係でなければならぬ。それには $\varepsilon \varepsilon \sqrt{t}$ に比 例するとすればよい。ゆえにαを比例定数とすると (1-9), (1-10)の条件から  $A_s = \theta_m$  $: B_s = \frac{\theta_0 - \theta_m}{\operatorname{erf}\left(\frac{\alpha}{2h}\right)}$  $A_1 = \frac{\theta_0 - \theta_1 \operatorname{erf}\left(\frac{\alpha}{2k_1}\right)}{1 - \operatorname{erf}\left(\frac{\alpha}{2k_1}\right)} : B_1 = \frac{\theta_1 - \theta_0}{1 - \operatorname{erf}\left(\frac{\alpha}{2k_1}\right)}$ また (1-11) は  $\frac{\lambda_s}{k_s} \cdot \frac{\theta_0 - \theta_m}{\operatorname{erf}\left(\frac{\alpha}{2k_s}\right)} e^{-\frac{\alpha^2}{4k_s^2}} - \frac{\lambda_1}{k_1} \cdot \frac{\theta_1 - \theta_0}{1 - \operatorname{erf}\left(\frac{\alpha}{2k_s}\right)} e^{-\frac{\alpha^2}{4k_1^2}}$ (1-16) から大体のαの値を求めるには  $y = \frac{\lambda_s}{k_s} \cdot \frac{\theta_0 - \theta_m}{\operatorname{erf}\left(\frac{\alpha}{2k_s}\right)} e^{-\frac{\alpha^2}{4k_s^2}} - \frac{\lambda_1}{k_1} \cdot \frac{\theta_1 - \theta_0}{1 - \operatorname{erf}\left(\frac{\alpha}{2k_1}\right)} \cdot$ 

符号	λ	C	ρ	k	а
種類単位	kcal/ mh°C	kcal/ kg°C	kg/m³	$cm/\sqrt{s}$	$\frac{kcal}{m^{2}C\sqrt{h}}$
湯	12.32	0.20	6,900	0.157	130.4
凝固層	24.37	0.165	7,580	0.233	174.2
砂	1.80	0.23	1,600	0.053	11.7

第1表 数値計算に使用した各係数の値

注: 砂の熱伝導率は1,400°Cにおける値である。



かえない。

(4) 比例定数は鋳込温度の増加にしたがって大体直線的に減少している。すなわち鋳込温度10℃高くなれば凝固の進行は約10%遅くなる。

(5) 鋳込温度が一定でも,鋳型温度を変えることに より凝固速度を変えることができる。たとえば鋳込温 度 1,550°Cの時,鋳型温度 15°Cならば $\alpha$ =0.129cm/ $\sqrt{s}$ であるが,鋳型温度を 100°C とした場合には  $\alpha$ = 0.121 cm/ $\sqrt{s}$  となる。これは鋳型温度15°Cで鋳込温 度を 1,559°C とした場合と同一結果となる。したがっ て鋳込温度は一定でも鋳型温度を上げることにより, 鋳込温度を上げた場合と同一効果を表わすことができ る。

### 2.2 円柱の場合

直径Dなる円柱は長さ方向が非常に長いとしても半径 方向には有限であるため,この場合の凝固過程を熱伝導 の理論から解析することは非常に複雑となり解を得るの になかなか困難である。したがって近似解法を用いて解 析した。

鋳込後 t 時間までに外周から  $\varepsilon_r$  だけ凝固したとすれば、その間に放出される熱量と円柱の周囲より砂に伝わる熱量とは等しい。したがって円柱の凝固層 $\varepsilon_r$ と時間 t



なる曲線を描き,その交点の横座標を求めればよい。

第1表に示した数値および  $L=70.1 \text{ kcal/kg}^{(6)}, \phi'(0)$ =0.35<sup>(5)</sup>,  $\theta_0=1,475^{\circ}$ C として計算したのが第3図であ る。

第4図は鋳型温度15℃の場合の凝固層の厚さと時間との関係を示したものである。

以上の結果から次のことが考察される。

(1) 鋳込後,時間の経過がそう長くない範囲では, 湯と鋳型との接触面温度は一定温度となる。

(2) 凝固層の厚さは湯が鋳型に接触してから流れが 止まるまでの時間が短い時には,鋳込後からの時間の 平方根に比例する。

(3) 比例定数αは計算値と実験値とがよく一致している。したがって計算値で凝固計算を行っても差しつ

との関係は次式のように表わされる。

第5図の(a)は円柱の凝固状況を計算で求め、千々 岩<sup>(7)</sup>氏の実験結果と比較したものである。

同図から明らかなように,円柱の凝固は凝固初期では 凝固層の発達が大であるが,それ以後次第に減少するが また中心部では早くなっている。計算値の方が少し凝固 が遅れているが,全体の傾向としては計算値と実験値と がよく一致している。したがって湯の凝固を考える場 合,円柱では (1-18)を用いても差しつかえないと思わ れる。

第5図の(b)は直径80,100,120,140の円柱の凝



第5図 円柱の凝固状況



第6図 隅面の凝固の説明図

凝固層の厚さ(mm)



って凝固層が座標軸と平行でない隅部のみを考えればよい。

今,時間ちからちまでの間に斜線の部分が凝固したと すれば,単位厚さ当りy軸の0から y2 までの接触面か ら砂に伝わる熱量と,その間に湯が放出する熱量とは等 しいから

ここで、 $A_2$ は $y_2$  までの斜線の部分の面積を表わす。 (1-20) を満足するように  $A_2$ を決定して $t=t_2$ における 凝固線を求める。以下同様にして $t_3$ 、 $t_4$ 、 $t_5$ 、.....に おける凝固線を順次求めていけばよい。

第7図は鋳込温度 1,550°C として隅面の凝固状況を計 算したものである。同図から明らかなように,隅部にお ける凝固層の厚さは平肉の場合の約1/3であり,凝固の発 達がかなり遅れていることがわかる。

# 7. 押湯内の引けの状況

一般に凝固収縮によって発生する引け巣は押湯部にで きるが,押湯の湯量が不足した場合には押湯内の引けが 鋳物部に残ることになる。したがって必要にして最小の 押湯量を決定するには,押湯内に発生する引けの状況を 十分把握しておく必要がある。

第7図 隅面の凝固状況

固状況を鋳込温度 1,550℃ として計算したものである。

2.3 隅面の場合

**第6**図に示すような隅面において砂との接触面温度 θm を一定とすると砂内の温度分布は次のように表わさ れる。

 $u = \theta_m [1 - \phi(Z_x) \phi(Z_y)] \dots (1-19)$ ここで,

$$Z_x = \frac{x}{2 k_{20} \sqrt{t}}, \quad Z_y = \frac{x}{2k_{20} \sqrt{t}}$$

また函数 $\phi$  は(1-6)における函数 $\phi$  と同じものである。 凝固層は II'線に対して対称であるから一方のみを考 える。また (1-19) において、 $Z_x$  (あるいは  $Z_y$ )が大 きくなれば近似的に  $u = \theta_m [1 - \phi(Z_y)]$  (あるいは  $u = \theta_m [1 - \phi(Z_y)]$ )で表わされ平肉の場合になる。したが

# 3.1 解 析

押湯の中でも最も使用率の高い普通押湯について,熱 は鋳型にだけ放散し,押湯の上面からは熱の放散がない という仮定で解析を行った。

第8図に示すように、半径R,高さHなる円柱形の鋳型に注湯された湯が鋳型との接触面(側面のみを考える) から凝固し始めた場合、t時間後における湯の半径をr



高さをhとする。ここでdt間にdrだけ凝固が進行した とすればこのための体積減少 $\Delta V$ は

$$\Delta V = 2 \pi r h \frac{\beta}{1-\beta} dr \dots (2-1)$$

ここで、βは湯の収縮率を表わす。

一方, dr 部分の凝固収縮のために生ずる湯の高さの減 少を dh とするとこの減少部分の体積 *4V*' は

 $\Delta V' = \pi r^2 dh$ .....(2-2) である。 $\Delta V = \Delta V'$ であるから次の微分方程式を得る。

(2-3) を解き、t = 0 でr = R, h = Hなる初期条件 を代入すると円柱内の引けの状況は次式のようになる。

次に幅Tなる帯状の場合には単位長さのみについて考 えればよいから微分方程式は次のようになる。

(2-5)を解き、 $t = 0 \ c \ 2x = T$ , h = Hなる初期条 件を代入すると帯状の引けの状況は次式のようになる。

$$h = H\left(\frac{2x}{1-\beta}\right) \frac{\beta}{1-\beta} \tag{2-6}$$



445

3.2 数値計算および実験結果との比較

第9図は円柱と帯状との場合の引けの状況を計算した ものである。

第10回は直径60,80,100,120の試験片について実験結果と計算値とを比較したものである。

実際の引けの状況は一見不規則のようであるが,実験 結果から明らかなように,計算から求めた曲線と大体一 致しており,円柱では中心部は全体の高さの約半分のと ころまで引けの深さがおよんでいることがわかる。

鋳鋼の凝固収縮率は Briggs<sup>(8)</sup> 氏によると約 3.5%であ る。しかし鋳物部に引けが残らず,かつ健全なる鋳物を 作るためには,湯の収縮率を 7% として計算した場合が 実際と一番よく一致するようである。

したがって計算式を使用する場合,湯の収縮率を7% とし, $r/R \ge 0.01$ (あるいは $2x/T \ge 0.01$ )の範囲まで計 算すれば押湯内における引けの状況および引けの深さの 推定は十分できるものと考えられる。

### 4. 押湯効果の理論的検討

鋳物の体積に対して十分大きい押湯をつけ,一様な温 度および時間で湯が鋳込まれたとみなしうる時でも,肉 厚が一様なものでは押湯からの距離が遠くなって,ある 限界をこえると,そのところの肉厚の中心に引け巣いわ ゆるザク巣を発生する。したがってザク巣のない健全な



第10図 計算と実際との比較

る鋳物を作るためには押湯の効果範囲を明らかにしておくことが必要である。

### 4.1 理 論

押湯から湯が補給されるのは凝固によって生ずる湯の 体積減少を補充するためであるが,肉厚がその中心近く まで凝固した場合には湯が通る隙間が狭くなるので湯の 流れの抵抗が大となり,押湯からの湯の補給が制限され る。したがってある距離以上のところではまったく湯の 補給を受けない所ができ,これがザク巣発生の主因をな すものと考えられる。

今, 凝固層内を流れる湯の速度について考えると, 粘 性流体の式から平均流速は次式のようになる。

ここで、wm は湯の平均流速、d は湯が通る熔融部の 径、µは湯の粘性係数、ρは湯の密度、g は重力の加速 度、P は圧力、Z は湯が流れる方向の距離を表わす。 一方、凝固壁の凝固速度をv とすると

$$v = \frac{d\varepsilon}{dt}.....(3-2)$$

ここで, 凝固層内を流れる湯の平均流速が凝固速度よ りも早い間は押湯からの湯の補給があるが, 熔融部の隙 間が狭くなり湯の平均流速が凝固速度よりも遅くなった 場合には湯の補給が中断されるものと考えれば, 押湯が 湯を補給しうる限界は次式のように表わされる。

4.2 実験ならびに考察

況を調べた。実験結果には多少のばらつきがあるが要約すると次のとおりである。

(1) 直径 40 φ のものでは押湯の効果範囲は SCM材で80 mm, SF 材では 100 mm である。

(2) 必要以上に押湯径を大きくしても押湯の効果範 囲には影響せず大きくしただけむだである。

以上の結果から湯が流れ得る最小の隙間 $d_0$ および湯の 粘性係数  $\mu$ を求めると $d_0 \rightleftharpoons 2.5$ mm,  $\mu = 1.95 \times 10^{-3}$ kg·s/ cm<sup>2</sup> となる。また大気圧のもとでは圧力勾配  $\Delta P/\Delta Z$  の 項に比べて湯の重さ  $\rho g$  の項は非常に小さくなるため,  $\rho g$  の項は無視しても差しつかえないと考えられる。し たがって押湯の効果範囲は水平の場合と垂直の場合とで は同じであるといえる。また  $d_0 \rightleftharpoons 2.5$  mm,  $\mu = 1.95 \times$  $10^{-3}$ kg·s/cm<sup>2</sup> とすることにより計算から押湯の効果範 囲を求めることができる。

## 4.3 ザク巣の防止対策

前述のように熔融部が湯の流れ得る最小の隙間do以下 となれば押湯からの湯流れが中断されるため,押湯の作 用しない所にはザク巣が発生することになる。したがっ てこのザク巣を防止するには,押湯の作用しない所がdo となった場合に,押湯の効果範囲内の熔融部の隙間がdo 以上であるようにすれば,実質上押湯の効果範囲が大と

(3-4)から *AZ* を求める場合,係数 μの値が必要であ るが,これを実験から求めることは非常に困難である。 したがって実験で *AZ* を求めこれから μの値を逆算する ことにした。

**第11**図に示すように直径 40 ¢ の試験片で長さは直径 に比べて非常に長くし, ザク巣が発生するようにした。 また押湯径の影響を調べるため押湯の直径は 60, 80, 100, 120 の4 種類とし, 比較的ザク巣の発生しやすい SCM 材および SF 材の2 種類の湯で実験を行った。

試験片はその中央まで機械加工して内部のザク巣の状



第11図 試験片の形状および寸法

なるためザク巣を防止することができる。

まず鋳物の凝固曲線を求め,これにもとづいて押湯か らの湯の補給が中断された場合の熔融部の範囲を求め る。この中で押湯および先端部の効果範囲を取除いた部 分にザク巣が発生することになる。したがってこのザク 巣の発生範囲だけの傾斜を押湯からつければ,それだけ 押湯の効果範囲が大きくなるのでザク巣の発生を防止す ることができる。

# 5. 実際への応用例

以上の結果を応用して,肉厚の中心部にザク巣が発生 するような製品について押湯を理論的に求め,かつ鋳造 実験を行って押湯に関す理論の確認を行った。

5.1 押湯計算

押湯計算を行う場合,次のようにして押湯の大きさを 決定した。

(1) 押湯内における引けの深さが少なくとも押湯切 断面から 40 mm 以上の余裕があるようかなりの安全 率を見積って押湯の高さを決定した。

(2) ザク巣の防止対策として温度勾配ができるよう 押湯から傾斜をつけた。

(3) 安全な範囲で製品歩留が最大となるよう押湯および傾斜の大きさを決定した。

(4) 鋳込温度 1,560°C, 湯の収縮率 7% として計算 を行った。

一例として製品の断面は幅 53, 高さ 233で肉厚に比べて高さが非常に高 い。したがって丸押湯にてザク巣のな い健全な鋳物を作るためには、押湯間 隔を 60 mm 以内にしなければならな いが,これは造型上の問題,歩留など の点から考えてあまり感心した方法で はない。ゆえに全周押湯を採用するこ とにした。

全周押温とした場合には, 製品の断 面のみについて引けの深さおよびザク 巣の検討を行えばよい。第12図は押 湯内の引けの深さおよび中心部のザク巣発生の推定位置 を計算から求めたものである。

# 5.2 鋳造実験

第12図から明らかなように(a)の場合は中心部にザ ク巣が発生することがわかる。したがって(b)の場合 について,まず長さ500mmのモデルにて鋳造実験を行 った結果, 押湯内の引けの深さは推定図と大体一致して いた。またX線により内部のザク巣の有無を調査した結 果, 欠陥らしきものは全然発見されなかった。

次に第13図に示す新押湯方案図により実物実験を行



の押湯を理論的に求めて実物実験を行った。その結果, 次のことが明らかとなった。

(1) 理論的に求めた押湯で内部にザク巣のない健全 なる製品を鋳造することができ,理論の妥当性が確認 できた。

(2) 従来の押湯に比べて相当の歩留向上を行うこと ができ, 押湯設計に関する計算式を求めることができ た。

終りに臨み,本研究に対して御指導賜わった九州大学 石橋教授に対し深く感謝する次第である。

# 参考文献



厚の中心部にザク巣が発生するような製品について、そ

(1956) Feb. 70; March 136 林田三郎: 鋳物 12, 8 153 (昭15) 松本寅雄: 日立評論 22, (昭14) 篠田忠夫: 日立評論 39,3 (昭32)

- Victor Paschkis: Trans. A. F. S. 55 (1947)
- 千々岩健児: 生研報告 5, 9 (昭31)
- Briggs: Trans. A. F. S. 42, (1935)

